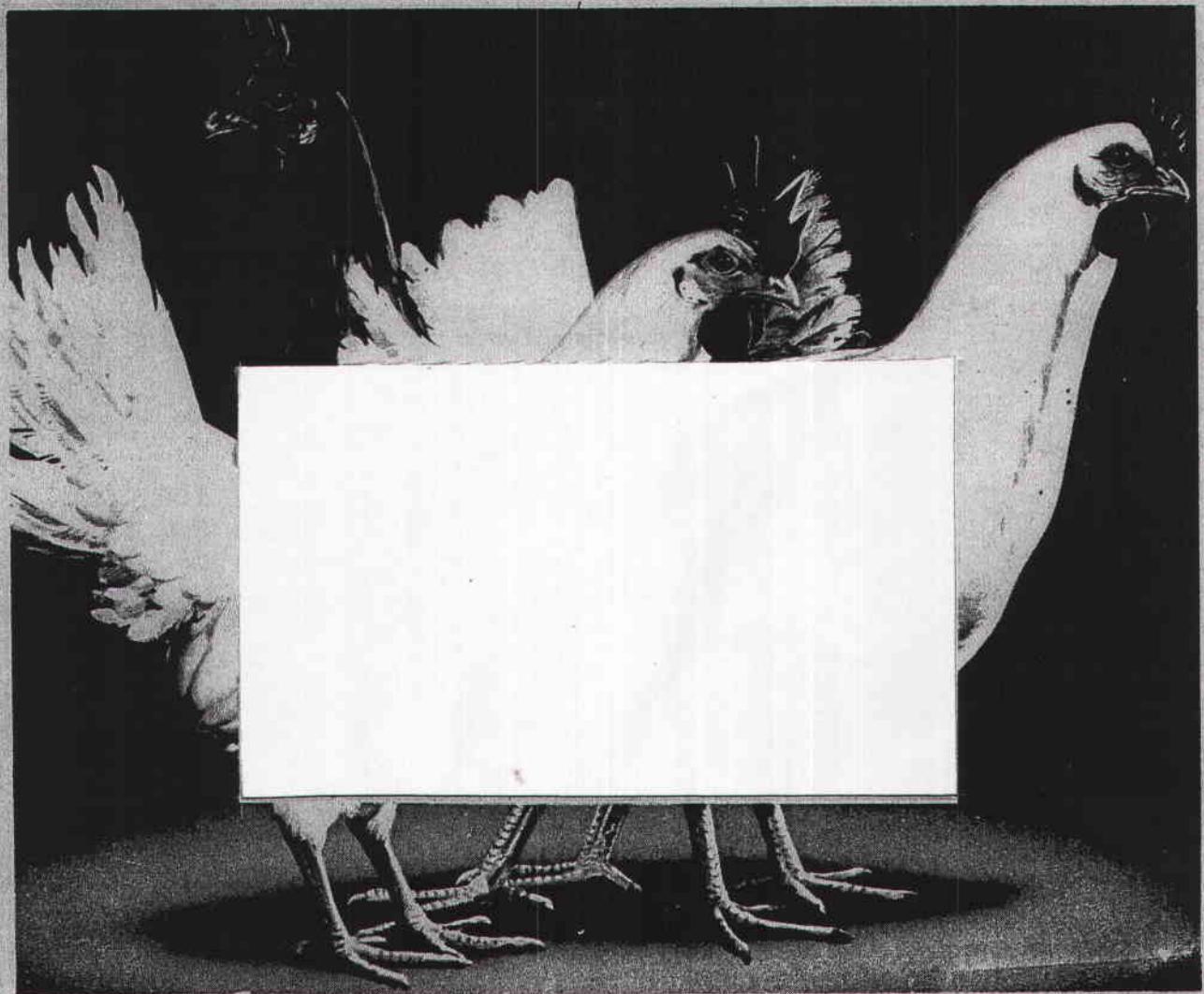


جامعة الدول العربية  
المنظمة العربية للتنمية الزراعية



ندوة حول  
الأسس الفنية والأقتصادية  
لإنتاج أمهات فراخ دجاج بيض المائدة وفروج اللحم



القاهرة: ٣٠ مارس - أول أبريل ١٩٩٣

وأقى صناعة الدواجن في لبنان  
المعوقات الحالية مع المقترنات المستقبلية

إعداد

الدكتور محمد طلال فخران  
أستاذ علم الدواجن في كلية الزراعة في الجامعة  
الأمريكية في بيروت ومستشار وزير الزراعة

وأنا من صناعة الدواجن فهو إيجاد  
المحاولات الحالية مع المقترنات المستقبلية

إيجاد

الدكتور محمد طلال فراز

أستاذ علم الدواجن هو بكلية الزراعة هو الجامعة الأميركية في بيروت  
مستشار معالي وزير الزراعة  
الأستاذ محسن طلول

تراجع صناعة الدواجن في لبنان خلال سنوات الحرب بعدما إزدهرت وبلغت أوجها في بداية السبعينيات . أما اليوم وبعد أن بدأت مسيرة السلام في لبنان وبعد أن يستتب الأمور الأمنية في البلاد تبذل جهود مختلفة من قبل المربين للنهوض عالياً بهذا القطاع نحو الأفضل ولبلوغ الأهداف الإنتاجية والمواصفات النوعية المرغوبة .

على الرغم من وجود بعض الوحدات الإنتاجية الصغيرة والمترفة ل التربية طير الفري تقسم صناعة الدواجن في قطتنا اللبناني إلى قسمين رئيسيين هما إنتاج فروج اللحم وإنتاج بيض المائدة .

يعمل في هذا القطاع عدد لا يستهان به من الشعب اللبناني ينتمون إلى شرائح مختلفة من المجتمع وتتوزع ادوارهم عبر المجموعات الإنتاجية التالية :

١ - مؤسسات وشركات تتعاطى باستيراد المواد العلفية الأولية بكافة أنواعها من ذرة صويا ، طحين لحم ، طحين سمك ، مزيج أملاح معدنية وفيتامينات وفي قليل من الأحيان أعلاف جاهزة .

٢ - شركات أو مؤسسات تهتم باستيراد صيمان الأمهات وتربيتها وتفقيس البيض الناتج . تعنى هذه الشركات في غالب الأحيان ب التربية صيمان الفروج والبيض المنتجة محلياً أو يتم بيعها وتوزيعها على صغار المربين .

٣ - صغار المزارعين الذين يمتلكون مزارع خاصة يتراوح حجم التربية فيها من ٢٠٠ إلى ٢٠٠٠ صوص في دورة إنتاج الفروج أو البياض .

٤ - شركات ومؤسسات خاصة تعنى بتسويق البيض والفروج المذبح نظراً لوجود بعض المسالخ وبتسويق الفروج الحي عبر قنوات التسويق المعروفة من المزارع وحتى المستهلك .

إن غياب القطاع العام شبه الكلي ، الناتج عن الوضع الاقتصادي المتدثر في البلاد عن دعم قطاع الدواجن حتى بالمربيين إلى العمل الذريء لتطوير قطاع الدواجن بحيث نستطيع أن نسميه قطاعاً خاصاً يعتمد على مبادرات فردية تنجز أو تفشل حسب توفر الإمكانيات المادية والجهود المبذولة والخبرات المختلفة .

## أ-إنتاج الفروج

ينتج لبنان حالياً ما يقارب ٣٢ مليون فروج سنوياً يربى معظمها حسب الطرق التقليدية المعروفة في مزارع مفتوحة وعلى الأرض. إن عدم توفر التيار الكهربائي بشكل مستمر حدّ من إستعمال البيوت المغلقة لتربية الدواجن مع العلم أنه لا يزال عدد ضئيل من المربين يعتمدون على البيوت المغلقة على الرغم من زيادة كلفة الإنتاج الناتجة عن الإستعمال المستمر للمولدات الكهربائية.

يربى الفروج حالياً في ٦٠٪ من المزارع الموجودة في لبنان حيث أن ٤٠٪ المتبقية هي في عداد المنشآت الغير صالحة للإستعمال لأسباب عديدة أهمها الحرب اللبنانيّة التي دمرت هذه المباني وحذرت أصحابها إما إلى الهجرة أو إلى اللجوء للعمل بقطاعات تختلف كلّياً عن قطاع الدواجن.

يتم تسويق الفروج، حسب العرض والطلب طبعاً، وبشكل عام على ٥٥ يوم كعمر وسطي ويزن حي ١٨٠٠ غ/للكيلو. ويقدر معامل تحويل العلف بـ ٢٤٪. هناك فترة وسطية تتراوح بين ٢٠-١٥ يوماً بين تسويق الفراريج الناتجة وإدخال صيصان حديثة الفقس. يتم خلال هذه الفترة إزالة الفرشة وتنظيف المزرب وتعقيميه بحيث يكون جاهزاً للدورة الجديدة.

تقوم وزارة الزراعة اللبنانيّة بدراسات كلفة الإنتاج وبشكل دوري. على سبيل المثال منذ مدة ٤ أشهر كانت كلفة إنتاج كلغ الفروج الحي ١,١٠ دولار أميركي بينما انخفضت في الشهر الحالي إلى ٠,٩٥ دولار. إن هذا الانخفاض ناتج عن انخفاض سعر الصوص من ٤٥ . . . ٢٥ إلى ٢٠ . . . ١٥ دولار وعن انخفاض طفيف في أسعار المواد العلفية الأولى.

## ب-إنتاج بيض المائدة

يربى في لبنان حالياً ما يقارب ١,٨ مليون دجاجة بياضة تابعة لسلالات مختلفة. تتركز التربية بشكل أساسي في مناطق البقاع والشمال مع بعض التربية المتفرة في جبل لبنان والجنوب.

تم تربية الفراخ ودجاج البيض في مزارع مفتوحة حسب الطرق التقليدية المعروفة. يبدأ دجاج البيض بالإنتاج على ٢٠ أسبوع كعمر وسطي والبيض المنتج هو بغالبية ٧٠٪ من اللون الأبيض والـ ٣٠٪ الباقية من اللون البني. على الرغم من أنه لا فرق بين اللونين من الناحية الغذائيّة فإن أسعار البيض البني تفوق أسعار البيض الأبيض بدولارين تقريباً للصندوق.

إن كلفة صندوق البيض في لبنان حسب آخر دراسات وزارة الزراعة هي ١٥ دولار أميركي للصندوق.

## جـ- الموارد العلفية المتاحة

يعتمد لبنان وبشكل أساسي على إستيراد كافة المواد العلفية الأولية اللازمة لتنمية الدواجن من الخارج . يتم فقط استعمال الحجر الكلسي Limestone كمصدر أساسي للكالسيوم في العلف . أما المواد العلفية المستوردة فهي التالية :

### الدرة صفراء:

تصل هذه المادة الأولية إلى الأسواق اللبنانية بشكلين مختلفين ١ - ذرة حب: تباع هذه المادة على أساس أنها من النوعية الثانية Grade II ) على بأن مواصفاتها رديئة جدا حيث أن نسبة الكسر فيها تصل أحيانا إلى ٣٠٪ وأن نسبة البروتين لا تتجاوز ٨٪ في أغلب الأحيان مع رطوبة عالية قد تصل إلى ١٧٪ .

إن رداء نوعية الدرة الصفراء الحب المستوردة مع ظرف تخزين غير صحيح يجعل هذه المادة عرضة لنمو الفطريات المنتجة للسموم والتي تنعكس سلبا على الإنتاج كالحد من نمو الطيور وإنتاج البيض المترافق مع زيادة نسبة تحويل معامل العلف .

### ذرة مجموسة: ٢

تعرف هذه المادة بين المربين بالذرة الناعمة أو "المسحوب خيرها" لا تتعدى نسبة البروتين في هذه المادة ٢٪ . يستعملها بعض المربين كبديل للذرة الصفراء الحب في تركيب العلف الجاهز . إن استعمال هذه المادة المجهولة القيمة العلفية إن من حيث الطاقة أو تركيز الأحماض الأمينية يؤدي مما لا شك فيه إلى تأخير النمو وزيادة معامل تحويل العلف .

### القمح والشعير:

قليلما يستعمل القمح والشعير كمواد أولية في علف الفروج . بعض المزارعين يستعمل هاتين المادتين في علف دجاج البياض وذلك يتوقف على أسعارهما ووفرتها في الأسواق اللبنانية .

### كسبة الصويا:

تعتبر هذه المادة حجر الأساس والمصدر الرئيسي للبروتين في أعلاف الدواجن . تستورد هذه المادة وللاسف بتنوعيات رديئة إن كان من حيث نسب البروتين والرطوبة فيها أو من حيث لونها وخلوها من الشوائب . في كثير من الأحيان تباع كسبة الصويا على أساس ان نسبة البروتين فيها هي ٤٨٪ أو ٤٤٪ وعند التحاليل المخبرية يكتشف المزارع بأن نسبة البروتين هي ٤٥٪ و ٤١٪ على التوالي .

حتى ولو كانت نسبة البروتين مطابقة للمواصفات العالمية هذا لا يعني بأن طريقة التحميص هي المثلث وأن الأحماض الأمينية الموجودة في الصويا كلها موجودة بشكل جاهز للإستعمال من قبل الطيور . على كل حال يفتقر لبنان لوجود المختبرات المتمكنة من تحليل المواد العلفية خاصة لجهة تحديد تراكيز الأحماض الأمينية فيها .

#### كسبة الفستق:

تظهر في الأسواق اللبنانيّة بين الحين والأخر كميات من كسبة الفستق حيث يستعملها المزارعون ولكن بنسب قليلة في العلف خوفاً من النتائج السلبية على الإنتاج المسبب بوجود الـ Mycotoxins .

#### طحين اللحم ، اللحم والنظم ، والسمك:

تستعمل هذه المواد بنسب قليلة في العلف من قبل بعض المزارعين والبعض الآخر لا يستعملها إطلاقاً خوفاً من وجود بعض الميكروبات المرضية فيها .

#### الفيتامينات والأملاح المعدنية:

كل هذه المواد تستورد من الخارج إما جاهزة للإستعمال أو تخلط هنا في لبنان ليتم إستعمالها بنسبة ٢٠٥ بالألف حسب تركيزها .

#### مصادر الكالسيوم والفوسفور:

يستعمل الحجر الكلسي الموجود بوفرة في بعض المناطق اللبنانيّة كمصدر أساسي للكالسيوم في العلف . أما مصادر الفوسفور فهي إلى جانب طحين اللحم والعظم يضاف الديكالسيوم فوسفات وطحين العظم الصافي .

#### د-قنوات التسويق الموجودة:

يتم تسويق الفروج في لبنان بطريقتين إما مذبوح أو حي . يوجد حالياً ثمانية مسالخ إنتاجية مع طاقة تتراوح بين ٢٠٠٠ و ١٢٠٠ فروج يومياً . تعنى هذه المسالخ بتسويق إنتاجها على المطاعم والمؤسسات والسوبرماركت ، كل حسب منطقته . يباع الفروج بهذه الطريقة إما مع رأسه ورجليه أو جاهزاً للطبع أو مقطعاً حسب رغبة الزبائن .

أما بالنسبة لتسويق الفروج الحي فيتم عبر قنوات التسويق المعروفة حيث تؤخذ الفراريج من المزارع مباشرةً من قبل تجار الجملة ويتم توزيعها على تجار المفرق الذين يملكون مسالخ صغيرة في المناطق الريفية وكافة الأحياء الشعبية في العاصمة رباعي المدن اللبنانيّة .

هناك طلب لا يستهان به على الفروج الحي من قبل المستهلك اللبناني لسبعين رئيسين : أولاً : للتتأكد من أن ما يستهلكه هو فروج مازج ، وثانياً : ان هذا الفروج يذبح على الطريقة الإسلامية الشرعية .

يتم تسويق البيض حالياً عن طريق بعض المؤسسات التي تستلم البيض من المزارعين وتوزعه على تجار المفرق في كافة المناطق اللبنانية .

يبقى المزارع هنا تحت رحمة الوسيط التجاري إن كان مربياً للفروج أو منتجاً للبيض حيث أن الأسعار غالباً ما تحدد من قبل هؤلاء الوسطاء وغالباً ما تكون تحت سعر الكلفة بكثير .

#### هـ-السلالات المستعملة حالياً في التربية :

إن كافة السلالات التي تربى إن كان لجهة إنتاج اللحم أو البيض هي مستوردة من الخارج نذكرها حسب آخر المعلومات المتوفرة لدينا :

سلالات بياض	سلالات فروج
Lohman	Arbor Acres
Babcock	Hubbard
Hyline	Cobb
Hisex	Lohman
بني	Ross
	Indian River
	Hybro - G

تستورد أمهات الفروج والبياض من الخارج بحيث يربى في لبنان حالياً ١٥. ألف دجاجة أمهات فروج غالبيتها العظمى من Arbor Acres يأتي بعدها hubbard والسلالات الأخرى بأعداد أقل .

نظراً لعدم مقارنة هذه السلالات مع بعضها البعض تحت نفس الظروف الحقلية يصعب التمييز العلمي بين هذه السلالات ولكن استطلاع رأي المزارعين نجد أن معظمهم يفضلون Arbor Acres إن كان لجهة تحويل العلف أو لناحية تسويقه بعمر مبكر مقارنة بفروج Ross والـ Lohman مثلاً، بينما يفضل صاحب المسلح ان يذبح فروج Ross والـ Hybro - G لأن مواصفاته الشكلية من حيث قدرته على اكتناف لحم الميدان تفوق المواصفات الشكلية للـ Arbor Acres.

يربي في لبنان حالياً ٣٣ ألف دجاجة أمهات بياض غالبيتها من الـ Hyline والـ Babcock وهناك اتجاه نحو إزدياد استعمال سلالة الـ Lohman لإنتاج البيض بعد تربيتها من قبل بعض المزارعين في العامين المنصرمين.

#### و - نظم إدارة المزارع وبرامج التحسين المتبعه :

كما ذكرنا آنفاً أن قطاع الدواجن هو قطاع خاص بكل ما في الكلمة من معنى وطريقة تحسينه وتطويره تقوم زساساً على المبادرات الفردية فقط حيث أن العمل التعاوني في هذا القطاع هو شبه غائب على الرغم من بعض المبادرات التي لم تثمر حتى الآن بنتائج إيجابية في هذا المضمار.

تحاول بعض المؤسسات والشركات بأن تتكامل من حيث التحكم بكافة حلقات الانتاج على الشكل التالي :

- ١ - إستيراد المواد العلفية الأولية وتصنيع الإعلاف اللائمة .
- ٢ - استيراد صيصان الأمهات من الخارج وتربيتها لإنتاج بيض التفقيس .
- ٣ - تفقيس البيض .
- ٤ - تربية الصيصان لإنتاج الفروج او بيض المائدة .
- ٥ - ذبح الفراخ في المسلح .
- ٦ - تسويق الفروج المذبوح عبر قنوات التسويق المعروفة الى المطاعم والفنادق او تسويق الناتج عبر مطاعم و محلات بالمفرق تابعة لنفس الشركة .
- ٧ - تسويق بيض المائدة الى تجار الجملة وفي بعض الأحيان من خلال محلات بيع المفرق التابعة للشركة ذاتها .

بعض المؤسسات التي سلكت برنامج التكامل نجحت في هذا المضمار ولكن عددها قليل جداً.

#### ز - المشاكل والمعوقات التي تواجه قطاع الدواجن :

إن المعوقات التي تواجه قطاع الدواجن في لبنان كثيرة وسنحاول جمعها في نقطتين رئيسيتين هما الإنتاج والتسويق .

الإنتاج : ترتفع كلفة إنتاج الفروج والبيض أو تنخفض حسب العوامل التالية :

- ١ - توفر الصيصان ذات المواصفات الجيدة والخالية من الأمراض ووجودها في الأسواق بأسعار مناسبة .

إن إزدياد الطلب على الصوص يزيد في سعره مما جذب بعض المربين بالحصول إما على بيض تفقيس أو حتى على صيصان من الخارج بأسعار أقل بكثير من الصوص المحلي : إن اللجوء إلى مثل هذه الحلول وفي غياب الرقابة الصحية

كما حصل في أواخر الحرب اللبنانية يؤدي إلى إزدياد الامراض عن طريق إدخال سلالات من الميكروبات المقاومة إما للأدوية المعروفة أو للقاحات المستعملة في بلدنا .

إن المشكلة الأكثر تعقيداً في عملية إنتاج الدواجن هي رداءة المواد العلفية المستوردة من الخارج . غالباً ما تكون هذه المواد غير مطابقة للمواصفات النوعية العالمية . فخلال الحرب وحتى بعدها أصبح لبنان مخزنًا للمواد العلفية الرديئة حيث إن إستعمالها ينعكس سلباً على نوعية الفروج والبيض الناتج ومن التواهي الإقتصادية يزيد من كلفة الإنتاج عن طريق زيادة نسبة تحويل العلف .

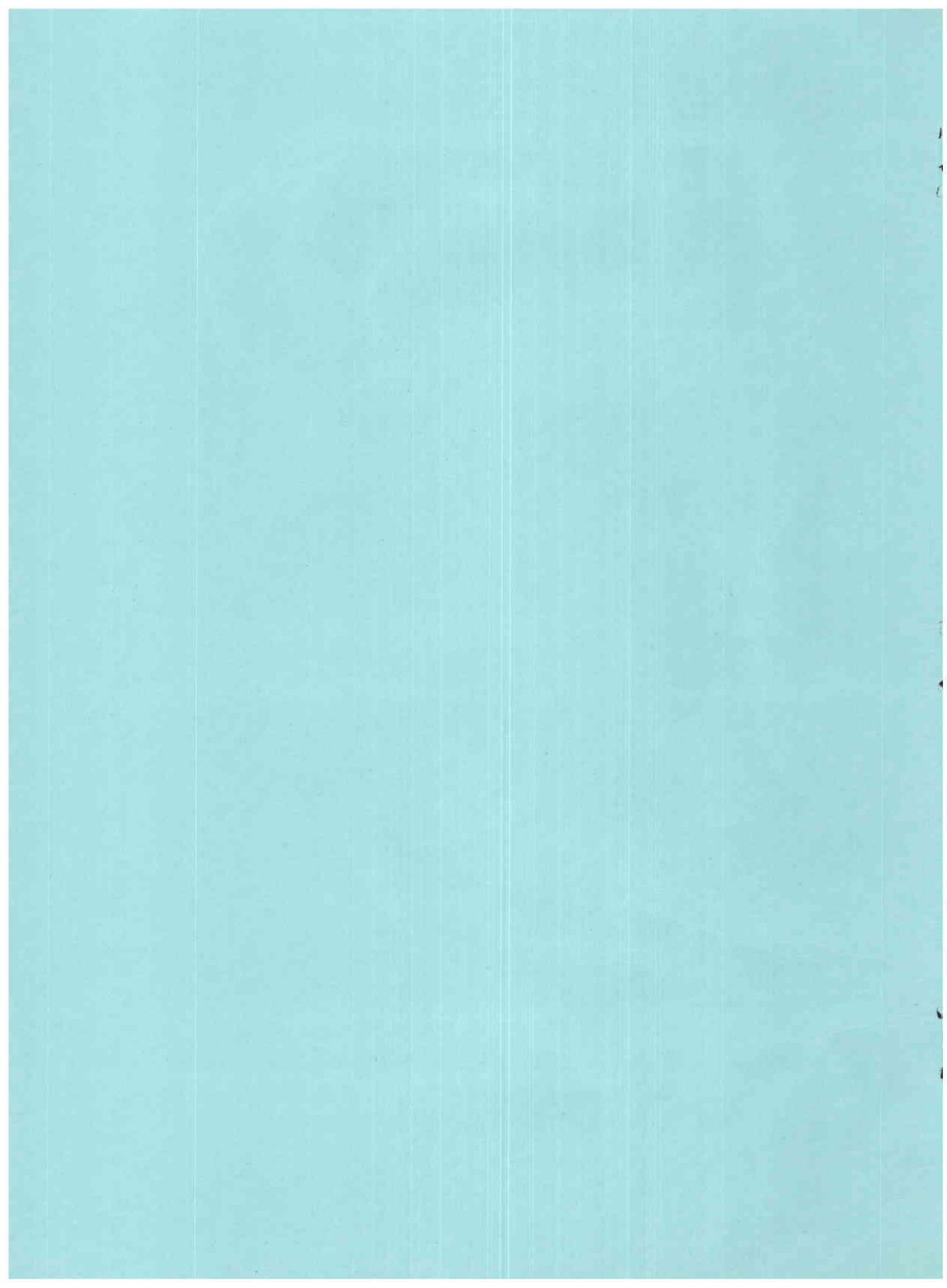
- ٣ - عدم وجود المختبرات المتخصصة الكافية في المناطق الانتاجية لتحليل هذه المواد العلفية .

- ٤ - إن عدم وجود مختبرات الصحة الحيوانية في كافة المناطق اللبنانية ينعكس سلباً على قطاع الدواجن بشكل خاص . فمختبر الفنار يعتبر حالياً المختبر الوحيد في القطر الذي يعني بفحص مناعات الطيور ضد الامراض المعروفة . إن غياب مثل هذه المختبرات يجعل المزارع عرضة للخسارة المتكررة الناتجة عن عدم معرفة مواعيد تطعيم قطعان الدواجن مما يجعلها فريسة للأمراض المتكررة .

- ٥ - على الرغم من وجود عدة كليات زراعة في القطر اللبناني يلاحظ عدم وجود العدد الكافي من المهندسين الاختصاصيين بنواحي التغذية والامراض فكلية الزراعة في الجامعة الاميركية في بيروت هي الوحيدة التي تعنى بهذا الاختصاص . نتيجة للرواتب القليلة التي ت تعرض على الخريجين الجدد يفضل هؤلاء السفر إلى الخارج من أجل حياة أفضل .

- ٦ - إستيراد أدوية بيطيرية إما منتهية الصلاحية أو تعبئتها في لبنان تحت ظروف غير سلية وفي بعض الأحيان بتراكيز غير مناسبة يؤدي إلى عدم الاستفادة من الدواء كعلاج للأمراض المعروفة .

- ٧ - إن انقطاع التيار الكهربائي بشكل متواصل أو متقطع يؤدي إلى فساد المطاعيم وإبطال فاعليتها بتحصين افواج الدواجن على الرغم من تطبيق برامج التطعيم الازمة .





أمانة اللجنة الشعبية العامة  
للزراعة والثروة الحيوانية



جامعة الدول العربية  
المنظمة العربية للتنمية الزراعية

# مشروع تطوير الإحصاء الزراعي بالمجاهيرية

محاضرات حول  
المبادئ الإحصائية ونظم الإحصاءات الزراعية

مخصصة للدورات التشييطية لتدريب  
وحدات الإحصاء الزراعي بالمجاهيرية العظمى

الخرطوم 1994 م

## المحتويات

### أ- مقدمة

### 1- البيانات الزراعية

1-1 أنواع البيانات الزراعية

2-1 مصادر البيانات الزراعية

3-1 أساليب جمع البيانات الزراعية

1-3-1 الحصر الشامل (التعداد)

2-3-1 الحصر المكتبي

3-3-1 الطرق الشخصية

4-3-1 الطرق الموضوعية

4-1 تبويب البيانات الزراعية

5-1 طرق عرض البيانات الزراعية

1-5-1 التوزيع التكراري

2-5-1 المدرج التكراري

3-5-1 الرسم البياني الدائري

4-5-1 الرسم البياني العاموبي

### 2- المقاييس الإحصائية

1-2 مقاييس النزعة المركزية

2-1-1 الوسط الحسابي

2-1-2 الوسيط

3-1-2 المتوال

## **2-2 مقاييس التشتت**

1-2-2 المدى

2-2-2 الإنحراف المعياري

3-2-2 معامل الاختلاف

## **3- العينات الزراعية**

1-3 مقدمة

2-3 مصطلحات

3-3 المعاينة العشوائية البسيطة

4-3 المعاينة العشوائية الطبقية

5-3 العينة المنتظمة

6-3 المعاينة العشوائية الطبقية متعددة المراحل

## **4- الإرتباط**

44 الإرتباط البسيط

1-1-4 معامل الإرتباط

2-1-4 مثال

## **5- الإنحدار**

1-6 الشكل الإنشاري

2-6 الإنحدار الخطى البسيط

1-2-5 مثال

2-2-5 تمارين

(ب)

## **6- الأرقام القياسية**

1-6 بعض الإعتبارات لتكوين الرقم القياسي

2-6 أنواع الأرقام القياسية

2-6-1 الأرقام القياسية البسيطة

2-6-2 الأرقام القياسية المرجحة

3-6 أمثلة

46 تمارين

# المبادئ الإحصائية ونظم الإحصاءات الزراعية

## أ/ مقدمة

إن الحاجة إلى البيانات الإحصائية تكاد تكون ملحوظة في معظم مناحي حياتنا اليومية. فلفره الأرقام ، والإستشهاد بها، واستقراء الظواهر الكامنة بها، والتقويم على أساسها أصبحت سمة من سمات العصر الذي نعيش.

إن التخطيط السليم سواء في المجالات الاقتصادية أو الاجتماعية أو التقنية يعتمد في الأساس على قاعدة دقيقة وشاملة من الإحصاءات والبيانات . والتخطيط والتنمية الزراعية منها في ذلك مثل أى نشاط إقتصادي آخر تتطلب أيضاً قاعدة شاملة من الإحصاءات الزراعية سواء كان ذلك عدد الحيازات الزراعية وتوزيعاتها من حيث استخدام الأرضي وطرق الري، والتركيب المحصولي، أو إحصاءات الأسعار الزراعية والإستهلاك ..... الخ.

وستعني سلسلة المحاضرات هذه بتعريف المتدرب بأنواع الإحصاءات الزراعية المختلفة وطرق جمعها وعرضها، وكيفية حساب مقاييسها ، كما سيتعرف المتدرب على أنواع العينات الزراعية وكيفية تطبيقها والإستقراء منها.

## 1- البيانات الزراعية

### 1-1 أنواع البيانات الزراعية

من الممكن تقسيم البيانات الزراعية إلى بيانات أساسية وبيانات جارية . وتعرف البيانات الزراعية الأساسية بأنها تلك البيانات أو الإحصاءات التي لها خصائص شبه ثابتة كالتركيب الحياني واستغلال الأرضي ، ويتم جمع مثل هذه البيانات على فترات متباينة ، كل عشره أو خمسة سنوات ، أما البيانات الجارية فتتعلق بالظواهر الزراعية المتغيرة كالإنتاج والأسعار وإستهلاك الأسمدة والمبيدات ، وأعداد الحيوانات ، ومعدلات سقوط الأمطار ..... الخ. ويتم جمع هذه البيانات سنويًا أو موسمياً. والبيانات الزراعية التالية تمثل الحد الأدنى المطلوب توفرها لخدمة أغراض التخطيط والتنمية الزراعية:-

- إحصاءات عن الخصائص المتعددة للحيازات الزراعية من حيث الرقعة الأرضية وإستخدامات الأرضي وطرق الري ، وال موجودات الرأسمالية ، والتركيب المحصولي ، وأعداد الحيوانات بأنواعها.
- الإحصاءات الجارية للمساحة المزروعة والممحضدة والإنتاج النباتي والحيواني.
- أسعار المنتجات الزراعية والغذائية على مستوى المزرعة والإجمالي والمفرد.
- أسعار مدخلات الإنتاج من بنور وأسمدة ومبيدات وكذلك العلاجات البيطرية والألات الزراعية ، والطاقة ، وتكليف الإنتاج المزرعية.
- إحصاءات الناتج المحلي الإجمالي والناتج الزراعي ومصادرهما .
- إحصاءات القروض الزراعية ومجالات إستخداماتها ، والتعاونيات الزراعية والصناعات الزراعية.
- إحصاءات التجارة الخارجية للواردات والصادرات الزراعية والغذائية.
- إحصاءات إتجاهات إستهلاك الغذاء وإنفاق والدخول الزراعية .
- إحصاءات العمالة الزراعية المستديمة والموسمية.
- الإحصاءات المناخية. 2- مصادر البيانات الزراعية

تختلف مصادر البيانات بإختلاف أنواعها ، فالبنسبة للبيانات الزراعية الأساسية والجارية فإن مصدرها الحائز أو الحيازة الزراعية سواء كانت نباتية أو حيوانية . وهي أيضاً مصدر للبيانات التي تتعلق بخصائص الحيازة والتركيب المحصولي والمساحة المزروعة والإنتاج بشقيه الحيوي والنباتي ، وتكليف الإنتاج الزراعي والأسعار وإستهلاك الأسمدة والمبيدات ..... الخ.

أما إحصاءات الناتج المحلي الإجمالي والناتج الزراعي فإن مصدرهما الحسابات القومية التي تصدرها وزارات التخطيط والمالية أو الاقتصاد. أما بيانات الأراضي الزراعي فيمكن الحصول عليها من المصارف الإقراضية كالمصارف الزراعية أو التجارية وتشكل سجلات الجمارك مصدرأ أساسياً لإحصاءات التجارة الخارجية.

وتتبين طرق وأساليب جمع البيانات بإختلاف مصادرها . فقد يتطلب جمع بعضها إجراء تعداد شامل أو حصر جزء من المجتمع أو الإستعانة بالسجلات والوثائق المكتبة.

### 3-1 أساليب جمع البيانات الزراعية

إن اختيار الإسلوب المناسب لجمع البيانات يعتمد على عدة عوامل ، منها توافر الكادر الفنى المؤهل ، وتوافر الإمكانيات المادية وأهمية الظاهرة المراد بحثها والتى تتمثل فى الأهمية الاقتصادية والإستراتيجية والتى تحدد وضعها في جدول الأولويات.

وبصفة عامة فإن جمع البيانات الزراعية أما أن تكون بإتباع أسلوب الحصر الشامل أى حصر جميع مفردات المجتمع أو بإختيار عينة من المجتمع أو المزج بين الأسلوبين حيث يتبع أسلوب الحصر الشامل لجمع البيانات الأساسية عن الظاهرة المراد بحثها، وسحب عينة لإجراء الدراسة التفصيلية عن هذا المجتمع.

وكما هو معلوم فإن المسح بالعينة يمكن أن يجرى على طريقتين هما "الحصر المكتبي أو الحصر "والأخير يتم بطريقتين هما التقدير الشخصى<sup>(1)</sup> أو التقدير الموضوعى<sup>(2)</sup> أى القياس الفعلى للظاهرة.

وفىما يلى عرض موجز للأساليب المختلفة والتى يمكن إتباعها لجمع البيانات الزراعية.

#### 1-3-1 الحصر الشامل Complete Enumeration

ويتبع هذا الأسلوب عند إجراء التعدادات القومية مغطية كل أجزاء القطر. فمثلاً عند إجراء التعداد الزراعي الشامل فإنه يتم حصر كافة الحيازات الزراعية بالدولة متضمناً البيانات التعريفية عن الحائز والحياة ، وبيانات خاصة باستخدامات الإراضى ، وبيانات عن المحاصيل المزروعة خلال السنة الزراعية ، وكذلك بيانات عن الموجودات وأعداد الحيوانات والعملة الزراعية إلى آخر البيانات الزراعية الخاصة بالحياة.

ويعتبر التعداد الزراعي مهمة إحصائية أساسية وعمل قومى يتضمن مراحل وخطوات تستدعي الدقة فى تصميمها والتنسيق فيما بينها بشكل متكامل يؤدى فى النهاية إلى تحقيق الأهداف المرجوة من إجراء التعداد الزراعي . ويسبق إجراء التعداد الزراعي تحضيرات كبيرة وإعداد جيد. وعموماً فإن التعداد الزراعي يمر بأربعة مراحل بدءاً بالمرحلة التحضيرية وإنتهاءً بمرحلة تجهيز البيانات وإصدار النتائج.

---

(1) Subjective Estimation

(2) Objective Estimation

## أولاً المرحلة التحضيرية

خلال هذه المرحلة تتم العديد من الإجراءات التشريعية والإدارية والفنية ، وخلال هذه المرحلة يتم تنفيذ المهام التالية :-

أ/ إصدار التشريعات المنفذة للتعداد الزراعي.

ب/ تشكيل الهياكل الإدارية والتنظيمية للتعداد الزراعي.

ج/ إعداد إستماراة التعداد الزراعي وكذلك كتيبات الإرشادات .

د/ إجراء التدريب لكافة العاملين بالتلعداد الزراعي.

هـ/ إختبار إستماراة التلعداد.

و/ إجراء التلعداد التجربى.

ز/ إعداد جداول التبويب.

## ثانياً : مرحلة إعداد إطار الحائزين

ويعتبر إعداد إطار الحائزين هي نقطة البدء في عملية التلعداد ويعرف الإطار بأنه قائمة تتضمن أسماء وعنوان كل الحائزين الزراعيين بالدولة مدعوماً بمرسومات أو خرائط توضح إمكان سكنهم وموقع حيازاتهم.

وتوجد عدة بدائل لإعداد إطار الحائزين منها الإستعانة أما بإطار التلداد الزراعي السابق بعد تحديثه ، هذا في حالة إذا تم إجراء تلداد زراعي سابق. أما في حالة إجراء التلداد الزراعي لأول مرة بالدولة ، فيمكن إستخلاص إطار الحائزين من نتائج آخر تلداد سكاني تم إجراؤه بالدولة ، علماً بأن إستماراة التلداد السكاني تشمل عادة على أسئلة خاصة بالمهنة وبعض معلومات أساسية عن خصائص الحياة الزراعية.

وإذا لم يكن ممكناً توفير إطار للحائزين الزراعيين من نتائج التلداد الزراعي أو التلداد السكاني ، فلابد في هذه الحالة من إعداد إطار جديد يتم جمعه ميدانياً.

### ثالثاً : مرحلة البيانات الميدانية

يقوم العدادون في هذه المرحلة بإستيفاء بيانات الإستماراة المعدة خصيصاً لهذا الغرض، وهي نفس الإستماراة التي تم إعدادها في المرحلة التحضيرية وكذلك إختبارها ميدانياً للتأكد من صلاحيتها وواقعيتها.

### رابعاً : مرحلة تجهيزات البيانات

يتم خلال هذه المرحلة المراجعة المكتبية للإستمارات المستوفاة ، ومن ثم يتم تجهيزها وتبويتها وعرضها على الجداول المعدة سابقاً.

#### 2-3-1 الحصر المكتبي

ويقصد به جمع البيانات مكتبياً من واقع السجلات والوثائق والقوائم والتي عادة ما يتم حفظها بملفات المؤسسات والهيئات الحكومية والخاصة ، على سبيل المثال سجلات الجمارك ، سجلات الفلاحين برئاسة البلديات، سجلات تعليم الأبقار ، سجلات الجمعيات التعاونية. وكما هو معروف فإن الحصر المكتبي لا يكفي كثيراً وتعتمد دقة بيانته على دقة وسلامة السجلات المكتبية.

#### 3-3-1 الطرق الشخصية (التقدير بالمشاهدة)

تعتبر الطرق الشخصية أحد أساليب جمع البيانات التي لا تكلف كثيراً ولا تحتاج إلى معدات أو تجهيزات كبيرة. وتعتمد الطرق الشخصية على المشاهدة وخبرة من يقوم بالتقدير. والخبرة الشخصية في هذا المجال هي التي تحدد نجاح أو فشل التقدير وقربه من الواقع . ومن الممكن تحسين درجة التقدير الشخصى إذا تم إتباع الإرشادات التالية :-

أولاً : يقوم الشخص المكلف بالتقدير بإجراء جولة حول منطقة الظاهرة التي يراد تقديرها حتى تتكون لديه فكرة كاملة عن الموضوع.

ثانياً : في حالة تقدير المساحة أو الإنتاج ، فمن المستحسن أن يكون حجم القطعة المراد عمل تقدير لها صغيراً بحيث يمكن الشخص المقدر من رؤيه إبعاد وأطراف الحقل كاملة.

ثالثاً : يتم إجراء قياس فعلى للظاهرة " المساحة والإنتاج " ومقارنة النتائج مع تقديرات الشخص المكلف.

#### **4-3 Objective الطرق الموضوعية**

ويعتمد الأسلوب الموضوعي على اختيار عينة ممثلة للمجتمع المراد تقدير قيم أفراده والقياس الفعلى للظاهرة المراد تقديرها . والطرق الموضوعية كما هو معلوم، مبنية على أساس إحصائية ورياضية ، يمكن من خلالها حساب الفرق بين التقدير الناتج عن العينة والقيمة الحقيقية وذلك بإحتمالات ثقة معروفة ومحددة.

ويعتمد استخدام الطرق الموضوعية على إستيفاء بعض الإعتبارات منها :- توافر إطار شامل وحديث ، وتقسيم الدولة الى وحدات معاينة ، وأسلوب الإختيار داخل الوحدات.

ومن المجالات الهامة في تطبيق الطرق الموضوعية هي : تقدير الإنتاجية الهاكتارية للمحاصيل الزراعية تقدير المساحة المزروعة بالمحاصيل ، جمع بيانات تكاليف الإنتاج وتقدير الثروة الحيوانية من حيث إعدادها ونوعها وعمرها وكذلك المنتجات الحيوانية من لحوم ودواجن وبهض والبان وعسل الخ ...

ونجاح أو فشل الطرق الموضوعية يعتمد كثيراً على توافر الكادر الفني المدرب ، وعلى تصميم العينة المناسبة للظاهرة المراد بحثها ، وعلى الإختيار العشوائي الميداني.

---

#### **4-1 تبويب البيانات**

أن المعلومة الإحصائية تصبح غير ذات جدوى إذا لم يتم تبويبها ونشرها في الوقت الملائم والمناسب لاستخدام هذه البيانات . ولذا فمن المفيد أن يتم نشر البيانات بعد تحليلها وتجهيزها وكذلك تبويبها في أسرع فترة ممكنة . وتختلف درجة تبويب البيانات وفقاً لحجم ونوع البيانات ، ووفقاً لرغبات مستخدمي البيانات من متذدي القرارات والباحثين ، ووفقاً لتوافر معدات التجهيز وعلى العناصر المدرية في هذا المجال.

ويتم تبويب البيانات على أساس التصنيفات الدولية أو الإقليمية ، ومن بينها الجداول التي أقرتها المنظمة العربية للتنمية الزراعية في برنامجها الإحصائي المستخدمة حالياً في تبويب البيانات الزراعية للدول العربية والمشورة في المجلدات الإحصائية التي تصدرها المنظمة العربية . ومن الممكن تبويب البيانات يدوياً أو آلياً . ويلجأ إلى أساليب التبويب اليدوي في حالة عدم توفر أجهزة آلية للقيام بهذه المهمة أو في حالة إذا كان حجم البيانات صغيراً ولا يتطلب إتباع أي تصنیفات .

وبالرغم من أن التبويب اليدوى لا يتطلب أجهزة متقدمة ولا يكلف كثيراً إلا إستخراج النتائج يدوياً تأخذ وقتاً طويلاً قد يؤدى إلى عدم الإستفادة من البيانات ، إضافة إلى أن التبويب اليدوى لا يمكن من إستخراج جداول مزدوجة أو مقاطعة كثيرة.

وعلى العكس من التبويب اليدوى فإن التبويب الآلى يمكن من إستخراج جداول عديدة ومقارنة معالم الظاهرة مع بعضها البعض على هيئة جداول متقطعة . ولقد أتاحت إلى الحاسوب الآلية إمكانات هائلة لتخزين البيانات وإسترجاعها وتبويبها في أي صورة مطلوبة . ويطلب تبويب البيانات آلياً إعداد برنامج الجدولة جنباً إلى جنب مع تصميم الإستماراة منذ مراحلها الأولى وذلك قبل تنفيذ الإستقصاء أو الحصر بوقت كافى .

ومن المستحسن أن يتم إجراء اختبارات للجدوال المصممة على عينة البيانات المجمعة قبل إجراء عملية التبويب الموسعة وذلك بهدف التأكد من صلاحية وملائمة هذه الجداول .

وتطلب معالجة البيانات آلياً وجود ، عناصر فنية مدربة سواء كانت هذه العناصر مدخلى البيانات آلياً أو مبرمجين أو محللى نظم ، وتقع على هذه العناصر تصميم الجداول وإدخال البيانات وتجهيزها ووضع البرامج المناسبة لها . كما تتطلب معالجة البيانات آلياً اختيار الأجهزة المناسبة والملائمة للأغراض المطلوبة . فليس كل جهاز حاسب آلى يصلح لأى مهمة معينة ، فهناك أجهزة متخصصة فى المهام الرياضية والإحصائية وأخرى للأعمال التجارية وثالثة للطباعة ، وإذا استخدم حاسب آلى لمهام غير إمكاناته المصممة فإن النواتج ستكون دون المطلوب وما يتبع ذلك من إهدار لوقت والتكلفة .

## 5-1 طرق عرض البيانات الزراعية

بما أن الحاسوبات الآلية تقوم بعرض البيانات بالشكل والهيئة التي يطلبها مستخدم البيانات وبالصورة التي تسهل معها الإستنتاج منها، إلا أنه من المفضل أن يتعرف المتدرب على الطرق المختلفة لعرض البيانات والخطوات المطلوب إتباعها وكذلك الأشكال المختلفة التي يمكن تعرض عليها البيانات ، علماً بأن الأشكال التي يتم إستخراجها بواسطة الحاسوب الآلى تعتمد فى الأساس على نفس الأسس والخطوات التي يرد ذكرها أعلاه .

وعرض البيانات هي وسيلة لتنظيم البيانات بحيث يمكن دراسة خصائصها علمًا بأنه لا يتسعى دراسة أو الإستفادة من أي بيانات في شكلها الخام أى قبل تحليلها وعرضها . وتحتفل طرق عرض البيانات بإختلاف طبيعة هذه البيانات وحجمها ونوعها والخصائص التي يراد إبرازها ، وأهم طرق عرض البيانات هي كالتالى :-

أ/ التوزيع التكرارى أو الجدول التكرارى.

ب/ الرسم البيانى العاموى.

ج/ الرسم البيانى الدائرى.

د/ المدرج التكرارى.

### 1-5-1 التوزيع التكرارى Frequency Table

يعتبر عرض البيانات على شكل توزيع تكرارى من الطرق المعروفة والسهلة فى تنظيم البيانات ووضعها فى صورة مبسطة يسهل دراستها . والتوزيع التكرارى عبارة عن توزيع البيانات فى صورة مفردات أو فترات مع تبيان تكرار كل مفردة أو فترة على حده مما يبين تسلسل قيم هذه المفردات أو الفترات . ولإعداد جدول تكرارى لأى بيانات فيجب إتباع الخطوات التالية :-

1- حساب المدى للبيانات وهو الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة .

2- اختيار عدد الفئات المطلوب والمناسب بحيث لا تقل عدد الفئات عن " 6 " فئات ولا تزيد عن " 20 " فئة أو فترة . حيث أن اختيار عدد صغير من الفئات قد يؤدي إلى ضياع الكثير من التفاصيل المطلوبة ، وإذا كان عدد الفئات كبيراً فنضيع الحكمة من التجميع .

3- إيجاد طول الفئات وذلك بقسمة المدى على عدد الفئات المطلوب .

4- توزع البيانات على الفترات بحسب إنتمائها .

#### مثال (1)

البيانات التالية توضح أعداد أشجار الغير مثمرة في عدد 75 بستانًا للحمضيات. المطلوب توزيع هذه البيانات على فئات مناسبة.

,73,85,79,73,93,76,88,62,90,68,82,75,84,68

72,63,78,91,62,74,87,75,65,61,75,85,59,71,83,75,63,79,78,96,60,68,74,69,77,84,75,82,75,66,75,7

601,65,76,85,78,97,69,62,79,71,83,79,60,90,82,81,73,67,76,74,65,62,66,78,68,57,73,53,80

الحل:-

بالنظر الى البيانات نجد أن :-

- أعلى عدد أشجار غير مثمرة = 97

- أدنى عدد أشجار غير مثمرة = 53

- . المدى = 44 = 53 - 97

- أن العدد المناسب من الفترات لتوزيع البيانات هو 8

- أن طول الفترة المناسب لعدد الفترات المختار = المدى على عدد الفترات =  $\frac{44}{8} = 6$

- نبدأ بعده الأشجار 50 لتكون بداية الفترة الأولى وحدتها الأعلى أقل من 56 والفئة الثانية تبدأ من 56 وأقل من 62 إلى آخر فئة وذلك بإضافة القيمة 6 إلى كل فئة تلى.

- الخطوة الأخيرة هي حصر القيم بوضع علامة لكل حالة في الفترة التي تقع فيها وذلك وفقاً

للجدول التالي

الفترة	العدادات الحصر	التكرار
56 > 50	I	1
-56	II III	6
-62	III III	12
-68	III III	14
-74	II III III III	22
-80	II III	12
-86	III	5
98 > 92	III	3
75		

## 2-5-1 المدرج التكراري

بعد تنظيم البيانات وجدولتها يمكن تمثيلها بيانيًا أو برسوم بيانية ، والمدرج التكراري هو أحد الأدوات التي تستخدم لتمثيل البيانات.

### مصطلحات الجدول التكراري

1- مجموعة من المستطيلات مرتكزة على المحور الأفقي.

2- كل مستطيل يمثل فئة واحدة من فئات الجدول التكراري.

3- في حالة تساوى قواعد المستطيلات فإن التكرارات تمثلها أطول المستطيلات

4- مساحة كل مستطيل متناسبة مع عدد التكرارات في كل فئة

وهذا يعني أن المدرج التكراري هو مجموعة متلاصقة من المستطيلات ، وكل مستطيل يمثل فئة بينها في الجدول التكراري ، وأن عدد المستطيلات يعتمد على عدد الفئات ، وفي المثال سابق الذكر فإن عدد  $\times \times$  المستطيلات متساوية "تساوى أطول الفئات" فإن التكرارات تمثلها أطوال المستطيلات حيث أن مساحة المستطيل يساوى الطول  $\times$  القاعدة ، ولأن القاعدة في هذه الحالة هي طول الفتة (6) وهي متساوية لكل المستطيلات.

أما إذا كان أطوال الفئات غير متساوية أي أن قاعدة المستطيلات غير متساوية ، ففي هذه الحالة فإن أطول المستطيلات لن تكون متناسبة مع التكرارات، ولذا لزم تطبيق معادلة تناسب المساحة مع التكرارات وهذا لابد من حساب الطول لكل مستطيل حسب قاعدته (أى طول فئتة) ووفقاً للتكرارات الفتة.

والطريقة المتبعة في هذه الحالة ، أن نأخذ الفتة الأولى كفتة معايرية ونرسم المستطيل على حسب طول الفتة ، ونستخدم المعادلة التالية للفئات الأخرى .

طول المستطيل ل الفتة الجارية = طول الفتة المعايرية  $\times$  تكرارات الفتة المجارية  $\div$  طول الفتة الجارية

حيث أن الفتة المعايرية هي الفتة الأولى ، والفتة الجارية هي أي فئة أخرى يراد رسم المستطيل لها

---

.....  $\times \times$  الفئات ثمانيه ، وعليه فإن عدد المستطيلات يتوقع أن يكون أيضا ثمانيه . وعندما تكون قواعد .....

## حل المثال السايبق

لتمثيل البيانات السايبقة على شكل مدرج تكرارى نتبع الخطوات التالية :-

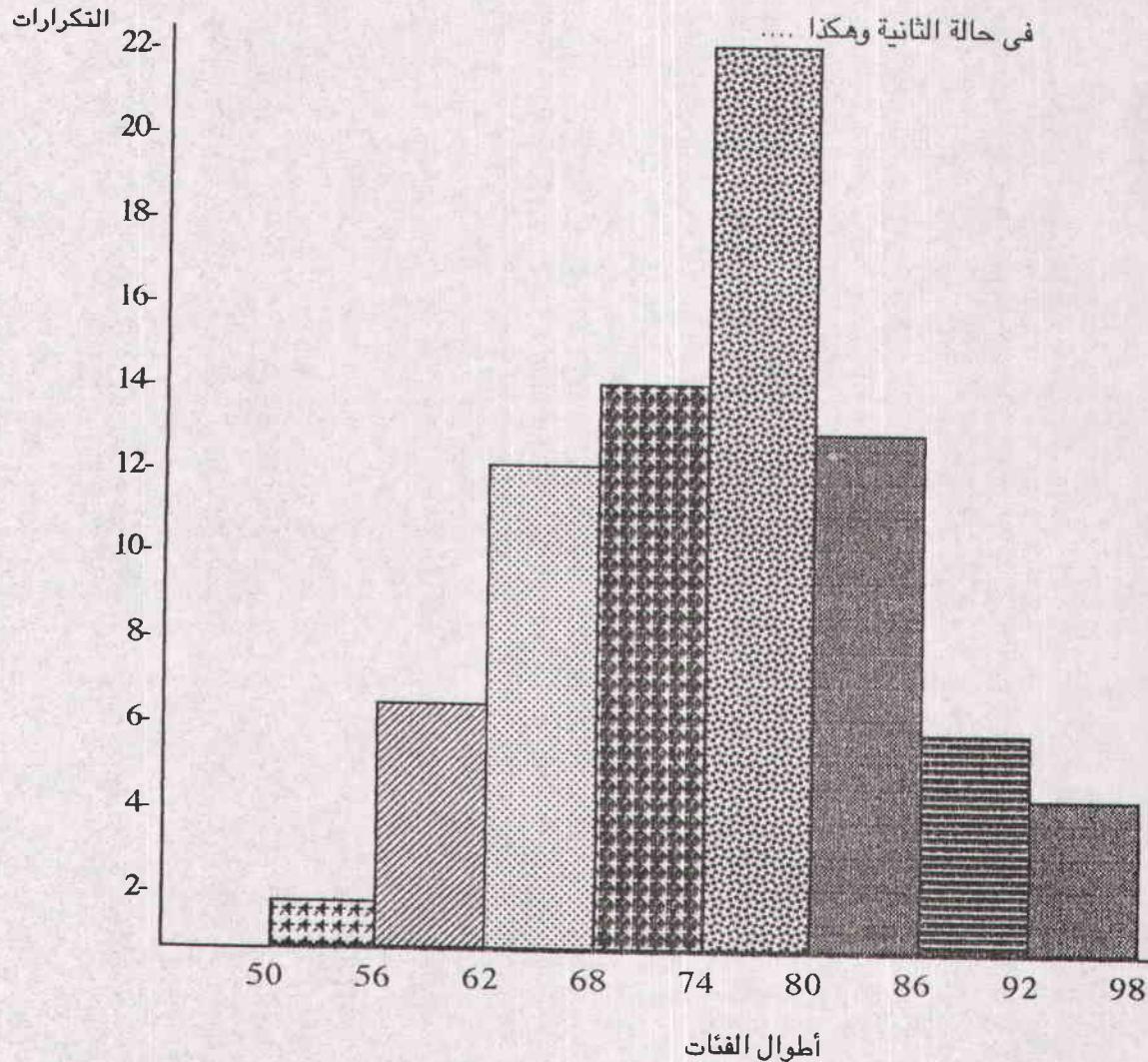
أ/ يتم اختيار مقياس الرسم المناسب للمحور الأفقي والعامودى ، ترسم أطوال الفئات على المحور الأفقي والتكرارات على المحور العامودى.

ب/ اختيار عدد لبداية الفترة الأولى ، فى هذه الحالة فإن العدد هو 50 وهو الحد الأدنى للفئة الأولى ، والحد الأعلى هو أقل من 56

ج/ يتم رسم قواعد المستطيلات ، وفي حالة هذا المثال فهى متساوية وتبلغ "6"

د/ رسم أطوال المستطيلات والتى تناظر التكرارات فى كل فئة ، واحد فى حالة الفترة الأولى ، وستة

فى حالة الثانية وهكذا ....



**تمرين رقم (1)**

الجدول التالي يمثل التوزيع التكراري لعدد الهكتارات التي يزرعها 150 فلاحاً في أحدى المحليات  
- والمطلوب تمثيل ذلك بمدرج تكراري.

الفترة بالهكتار	- 10	- 18	- 26	- 34	- 42	- 50	- 58	>66	74 >
التكرار ( عدد الحائزين )	2	12	24	30	44	20	12	6	

**3-5-1 الرسم البياني الدائري**

تمثل البيانات هنا بمساحات قطاعات دائرية وبما أن مساحة القطاع تتتناسب مع زاوية المركبة  
في الدائرة الواحدة ، لذلك فإنه يتم تقسيم الزوايا المركبة بنسبة حجم البيانات . كل قطاع يختص  
بخصائص مختلفة عن الجزء الآخر أو يختص بنفس الخصائص لكن في زمان أو مكان مختلفين.

**مثال (2)**

يقدر متوسط إستهلاك الفرد الليبي من السلع الغذائية لعام 1993 على النحو التالي :-

الحبوب 150 كيلو جرام

اللحوم 80 كيلو جرام

البان 100 كيلو جرام

السكر 40 كيلو جرام

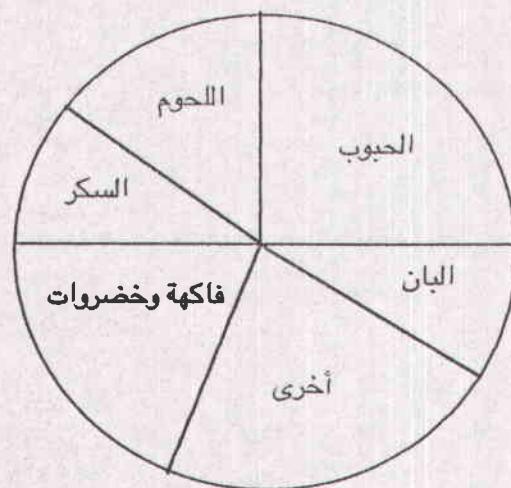
الفاكهة والخضروات 100 كيلو جرام

أخرى 130 كيلو جرام

### الخطوات

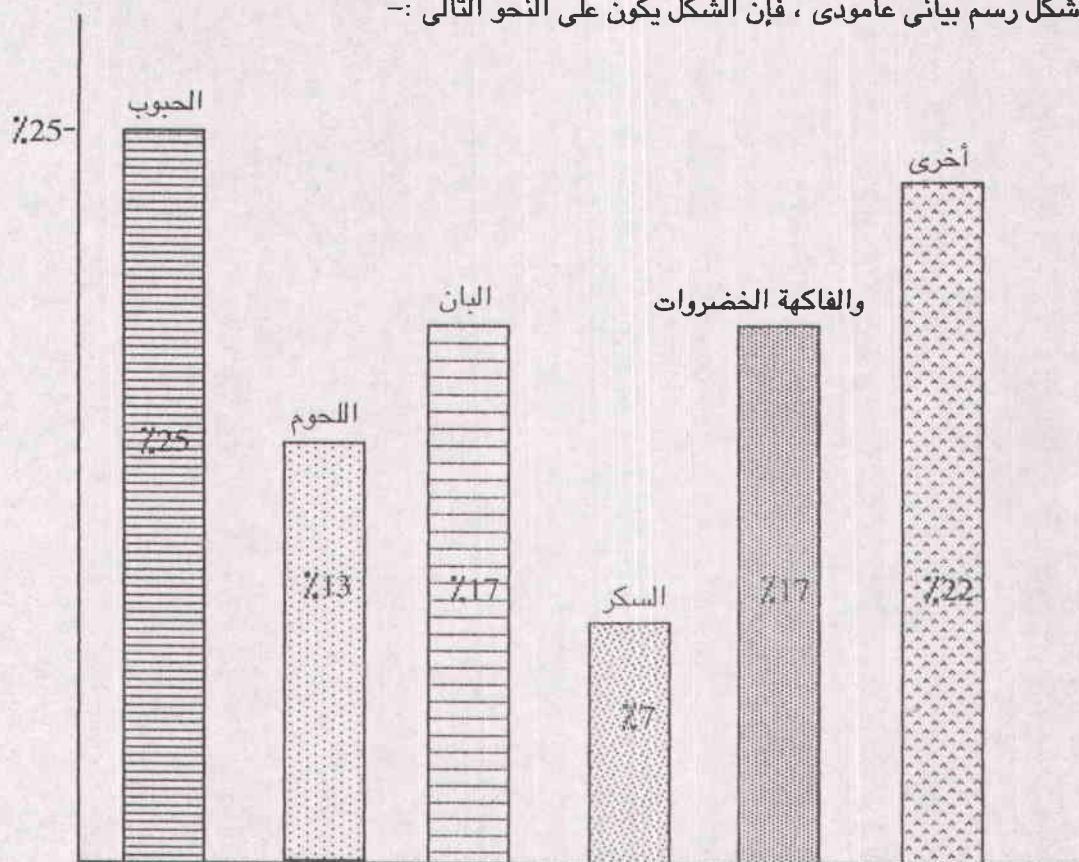
- 1- حساب نسبة المتغير من الإجمالي
- 2- تقسيم 360 درجة بالنسبة أعلاه
- 3- ترسم دائرة بنصف قطر مناسب وتقسم زوايتها المركزية بالنسبة السابقة .

الزاوية	النسبة	المتغير
90 درجة	0.28	الحبوب
48 درجة	0.13	اللحوم
60 درجة	0.17	البان
24 درجة	0.07	السكر
60 درجة	0.17	الفاكهة والخضروات
78 درجة	0.22	أخرى



#### 4-5-1 الرسم البياني العامودي

تمثل البيانات هنا في أشكال عامة على المحور الأفقي ، كل عمود يمثل خصائص متشابهة لزمان أو مكان مختلفين أو خصائص مختلفة لزمان أو مكان متشابهة . ويفضل أن تكون الأعمدة ذات قاعدة متساوية ومتفرقة عن بعضها البعض وأذا تم تمثيل البيانات الواردة في المثال رقم (2) على شكل رسم بياني عامودي ، فإن الشكل يكون على النحو التالي :-



تمرين (2)

إذا كان متوسط نصيب الفرد الليبي من المأكولات الاستهلاك من مجموعة الحبوب خلال الفترة - 1991

- 1987 النحو التالي :-

المطلوب :  
تمثيل البيانات المذكورة على رسم بياني دائري وعامودي.

السنة	نصيب الفرد كجم
1987	94
1988	86
1989	131
1990	111
1991	127

(14)

## 2- المقاييس الإحصائية

### 1- مقاييس النزعة المركزية

#### Measures of Central Tendency

كثيراً ما نجد في معظم التوزيعات التكرارية إن عدداً كبيراً من المشاهدات تلتف نحو قيمة معينة، أي أن هذه القيمة تمثل مركز أو القيمة الوسطية لهذه المشاهدات. ويطلق على إنجذاب أو التفاف المشاهدات حول القيمة المركزية وخاصة (النزعة المركزية).

ومقاييس النزعة المركزية كثيرة منها "الوسط الحسابي" "الوسيط والمنوال" "والوسط الهندسي" "والوسط التوافقي" ويطلق على المقاييس المستخدمة لقياس النزعة المركزية "المتوسطات" وإن أهم هذه المتوسطات هي الوسط الحسابي وهو الأكثر استخداماً في علم الإحصاء لما يتميز به من خصائص إحصائية ورياضية أكثر من غيره من المتوسطات الأخرى.

بعض الرموز المستخدمة لإيجاد المتوسطات :-

الرمز  $\sum$  يستخدم دلالة على مجموع الـ "س" ابتدأ من 1 و حتى "ن" وهي عدد المشاهدات الكل .

أمثلة للرموز

$$(1) \sum s = s_1 + s_2 + s_3 + \dots + s_n$$

$$(2) \sum s^1 = s_1^1 + s_2^1 + s_3^1 + \dots + s_n^1$$

و  $s$  هي قيمة المتغير.

$$(3) \sum s^2 = s_1^2 + s_2^2 + s_3^2 + \dots + s_n^2 \quad \text{ويسمى هذا مجموع مربعات}$$

"  $s$  "

$$(4) \sum sk = s_1k_1 + s_2k_2 + s_3k_3 + s_4k_4 + \dots + s_nk_n$$

$$(5) (\text{مح } s) = (s_1 + s_2 + s_3 + s_4 + \dots + s_n)^2$$

ويسمى هذا مربع مجموع "s". قارن هذا المثال بالمثال رقم (3)

المتوسطات :-

بالرغم من وجود أنواع مختلفة من المتوسطات الا أن التركيز سيكون على "الوسط الحسابي"

"والسيط" والمنوال" ، باعتبار أنها أكثر المتوسطات استخداماً.

### (1-2) الوسط الحسابي أي "الوسط"

ويعرف الوسط الحسابي لمجموعة من القيم كالتالي :-

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}}$$

طرق حساب الوسط الحسابي :

#### في حالة البيانات المفردة :

إذا كان المطلوب إيجاد الوسط الحسابي لقيم عددها : n هي  $s_1, s_2, \dots, s_n$

فإن الوسط الحسابي ويرمز له بالرمز "s" يعرف كالتالي :

$$s = \frac{\text{مجموع القيمة}}{\text{عدد القيمة}} = \frac{s_1 + s_2 + s_3 + \dots + s_n}{n}$$

مثال : أوجد الوسط الحسابي ( $s$ ) للقيم التالية 90, 45, 120, 60, 75

الحل :

$$\text{مح } s = 90 + 45 + 75 + 60 + 120$$

$$n = 5 \quad s = \frac{\text{مح } s}{5} = \frac{390}{5}$$

#### في حالة البيانات المفردة مع وجود تكرارات :

إذا كان لدينا  $s_1, s_2, \dots, s_n$  وتكراراتها .

$$k_1, k_2, \dots, k_n$$

(16)

$$\text{فإذن الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}} = \frac{s_1 k_1 + s_2 k_2 + \dots + s_n k_n}{k_1 + k_2 + \dots + k_n}$$

$$\text{إذا } s^- = \frac{\text{مح س ك}}{\text{مح ك}}$$

مثال :

القيمة (س)					
التكرار (ك)					
25	21	29	8	7	
8	9	12	10	5	

الحل :

$$\text{س}^- = \frac{8 \times 25 + 9 \times 21 + 12 \times 29 + 10 \times 8 + 5 \times 7}{8 + 9 + 12 + 10 + 5} = \frac{200 + 198 + 348 + 80 + 35}{44} = \frac{752}{44} = 17.1$$

في حالة التوزيعات التكرارية ذات الفترات :

لإيجاد الوسط الحسابي للتوزيعات التكرارية ذات الفترات تتبع الخطوات التالية :

$$-\text{إيجاد مركز الفئة} = \frac{\text{الحد الأدنى} + \text{الحد الأعلى}}{2}$$

$$-\text{إيجاد حاصل ضرب} \text{ مركز الفئة} \times \text{التكرار الماظر}$$

$$-\text{حساب قيم "س"} \text{ بإستخدام المعادلة} s^- = \frac{\text{مح س ك}}{\text{مح ك}}$$

مثال :

أوجد الوسط الحسابي لتوزيع إنتاج مائة حقل مزروعة قمحاً على النحو التالي :

الافتات	النكرار	مراكز الفئة بـس	مركز افتة × التكرار	س ك
5 وأقل من 10	2	7.5	15.0	
- 10	6	12.5	75.0	
- 15	10	17.5	175.0	
- 20	17	22.5	382.5	
- 25	26	27.5	715.0	
- 30	20	23.5	650.0	
- 35	11	37.5	412.5	
- 40	5	42.5	212.5	
50 وأقل من 45	3	47.5	142.5	
الجملة	100		2780.0	

من الجدول أعلاه فإن  $S_k = 2780$

و  $k = 100$

$$\therefore S = \frac{27.8}{100} = \frac{2780}{100} = S_k$$

ومن الممكن إيجاد الوسط الحسابي للتوزيعات التكرارية بطرق مختصرة ، وذلك بطريقة إستخدام " الإنحرافات " أي إتخاذ وسطاً فرضياً "  $\bar{x}$  " ثم توجد قيمة الإنحرافات "  $S$  " عن الوسط الفرض وبالنسبة للمثال السابق فمن الممكن إتخاذ القيمة 27.5 كوسط فرضي ، وإيجاد الإنحرافات من الوسط الفرض ثم حساب " الوسط " على النحو التالي :

$$\boxed{\text{الوسط الحسابي} = \text{متوسط الإنحرافات} + \text{الوسط الفرضي}}$$

الإنحرافات × التكرارات س ك	الإنحرافات "ز" من الوسط الفرضي	التكرارات	مراكز الفئات
40.0-	20.0=27.5-7.5-	2	7.5
90.0-	15.0-	6	12.5
100.0-	10.0-	10	17.5
85.0-	5.0-	17	22.5
0.0	0.0	26	27.5
100.0+	5.0+	20	32.5
110.0+	10.0+	11	37.5
75.0+	15.0+	5	42.5
60.0+	20.0+	3	47.5
30.0		100	الجملة

في حالة المثال المذكور أعلاه فإن :

$$\text{الوسط الحسابي} = \bar{x} = \frac{\sum z_i f_i}{\sum f_i}$$

حيث  $z = \text{الإنحرافات عن الوسط الفرضي}$

$\bar{x} = \text{الوسط الفرضي}$

وهي نفس الإجابة التي تحصلنا عليها سابقاً.

#### خصائص الوسط الحسابي

أ/ يستخدم كل القيم أى أن كل القيم تدخل في حسابه .

ب/ تسهل عملية حسابه

ج/ أكثر المتosteطات ثابتة

ولكن في بعض الأحوال لا يمكن حساب الوسط الحسابي وذلك في حالة التوزيعات التكرارية ذات فترات مفتوحة حيث لا يمكن أن نحصل على مركز الفئة. وفي مثل هذه الحالات فيلجأ إلى استخدام "الوسط" كمؤشر للنرعة المركزية.

## 2-1-2 الوسيط

الوسيط هو أحد مقاييس النزعة المركزية ويعرف الوسيط على أنه القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى قسمين متساوين

مثال (١)

أوجد الوسط الحسابي لمجموعة المشاهدات التالية :

$$(a) 2, 11, 4, 5, 16, 7, 8$$

$$(b) 3, 5, 7, 7, 10, 12, 15$$

### الخطوات

١- ترتيب المشاهدات ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً.

٢- إذا كان عدد المشاهدات فردياً فإن رتبة الوسيط هي  $\frac{n+1}{2}$ ، وإذا كان عدداً زوجياً فإن رتبة الوسيط هي متوسط العددتين الذين رتبهما  $\frac{n+1}{2}$  حيث تمثل "n" عدد المشاهدات  
الحل للمثال (أ)

أولاً نرتب القيم ترتيباً تصاعدياً على النحو التالي :

$$16, 11, 8, 7, 5, 4, 2$$

بما أن عدد المشاهدات عدداً فردياً فإن ترتيب الوسيط هو  $\frac{1+7}{2} = 4$  وعليه فإن قيمة الوسيط هو الرقم 7 وترتيبه الرابع.

حل المثال (ب)

ترتيب المشاهدات ترتيباً تصاعدياً 15, 15, 12, 10, 7, 7, 5, 3

بما أن عدد المشاهدات عدداً زوجياً فإن ترتيب الوسيط هو :

$$4 = \frac{\frac{n}{2} + \frac{n}{2}}{2}$$

$$5 \cdot 1 + 4 = 1 + \frac{8}{2}$$

(20)

الوسيل = الوسط الحسابي للمشاهدة رقم (4) والمشاهدة رقم (5)

$$8.5 = \frac{10+7}{2} =$$

### حساب الوسيط في حالة التوزيعات التكرارية

لإيجاد قيمة الوسيط في حالة التوزيعات التكرارية نتبع الخطوات التالية :-

1 - كون جدول توزيع تكراري متجمع صاعد.

2 - عين فئة الوسيط

3 - أفرض أن التكرار المتجمع قبل الفئة الوسيطية هو " ح "

4 - أحسب  $\frac{n}{2}$  - ح وليكن الناتج " ف " ، حيث تمثل " n " مجموع التكرارات

5 - ليكن طول الفترة الوسيطية = ل وتكرارها = k وحدتها الأدنى = أ.

6 - أحسب زيادة الوسيط عن الحد الأدنى للفترة الوسيطية =  $\frac{ف \times ل}{ك}$

7 - الوسيط =  $A + \frac{f}{k} \times l$

أى أن :

الوسيل = الحد الأدنى للفترة الوسيطية [  $\frac{n}{2}$  - عدد التكرارات مثل الفترة الوسيطية ] × طول الفترة

تكرار الفترة الوسيطية

مثال :

أوجد الوسيط لتوزيع إنتاج مائة حقل مزروعة قمحاً الواردة في الجدول التكراري السابق.

الخطوة الأولى : تكوين الجدول التكراري التجميعي الصاعد كالتالي :

النكرار المتجمع	النكرارات	لفترات ( الفئات )
2	2	10>5
8	6	-10
18	10	-15
35	17	-20
16	26	30>25
81	20	-30
92	11	-35
97	5	-40
100	3	50>45
	100	

**الخطوة الثانية :** تعين فترة الوسيط ، وهى الفترة التى تقع فى منتصف الفترات وذلك بعد حساب  $\frac{n}{2} = 50$  ، أى أن الوسيط فى هذه الحالة يقع بين الفترتين ( 20 < 25 < 30 ) وعليه نأخذ الفترة ( 30 > 25 ) كفترة وسطية لأن تكرارها المتجمع الصاعد ( 16 ) أقرب إلى  $\frac{n}{2} = 50$  ) من التكرار المتجمع الصاعد للفترة السابقة.

**الخطوة الثالثة :** الحصول على التكرار المتجمع الصاعد قبل الفترة الوسيطية وهو فى هذه الحالة " 35 " ح

**الخطوة الرابعة :** إيجاد القيمة " ف " وفي هذه الحالة فإن

$$F = n - H = \frac{100}{2} - 35 = 15$$

**الخطوة الخامسة :** الحصول على الحد الأدنى للفترة الوسيطية وكذلك تكرارها وطولها .

$$\text{طول الفترة الوسيطية} = L = 5$$

$$\text{تكرار الفترة الوسيطية} = K = 26$$

$$\text{الحد الأدنى للفترة الوسيطية} = A = 25$$

**الخطوة السادسة :** حساب زيادة الوسيط عن الحد الأدنى للفترة الوسيطية

$$\frac{75}{26} = 5 \times \frac{15}{26} = \frac{F \times L}{K}$$

الخطوة السابعة : حساب قيمة الوسيط =  $\frac{أ + ف}{ك} \times ل$

$$2.9 + 25 = \frac{75}{26} + 25 = \\ \therefore \text{ال وسيط} = 27.9$$

ومن الممكن حساب قيمة الوسيط بإستخدام المعادلة التالية مباشرة :

$$\text{ال وسيط} = \frac{\text{الحد الأدنى للفئة الوسيطية} + [n - \text{عدد التكرارات قبل الفئة الوسيطية}] \times \text{طول الفترة}}{\text{تكرار الفئة الوسيطية}}$$

$$\text{ال وسيط} = \frac{5 \times \left[ 35 - \frac{100}{2} \right] + 25}{26}$$

$$\frac{5 \times \left[ 35 - 50 \right]}{26} + 25 \\ 27.9 = 2.9 + 25 = \frac{5 \times 15 + 25}{26} =$$

### 3-1-2 المنوال

المنوال لمجموعة من البيانات هو تلك القيمة التي تكرار أكثر من غيرها . وإذا كان التوزيع تكرارياً في صورة فترات فإن الفترة ذات أكبر تكرار تسمى الفترة المنوالية.

#### حساب المنوال في حالة القيم المفردة

$$13, 12, 12, 9, 8, 5 \quad (أ)$$

$$14, 14, 13, 12, 9, 8 \quad (ب)$$

$$14, 13, 12, 9, 8, 5 \quad (ج)$$

في المثال (أ) المنوال هو 12 .

في المثال (ب) فإن للقيم منوالين هما 12 ، 14

في المثال (ج) لا يوجد منوال حيث إن تكرار جميع القيم متساوي.

حساب المنوال في حالة التوزيعات التكرارية ذات الفئات :

ولنأخذ المثال السابق :

نجد أن الفئة المنوالية هي من بقية حيث نجد أن تكرارها يساوي (26) وهو أكبر تكرار في الجدول.

(23)

ومن الممكن استخدام بعض الرموز التالية لحساب المنوال :

$k_1$  = الحد الأدنى للفترة.

$k$  = تكرار الفترة

$L$  = طول الفترة

$k_1$  = تكرار الفترة قبل المنوالية

$k_2$  = تكرار الفترة بعد المنوالية

فإن  $k - k_1 = f_1$

فإن  $k - k_2 = f_2$

وعليه فإن حساب المنوال يتم بإستخدام المعادلة التالية :

$$\text{المنوال} = f_1 + f_2$$

$$\frac{f_1}{L} + \frac{f_2}{L}$$

ويستخدم قيم المثال السابق نجد أن :-

أن الفتة المنوالية هي ( $30 > 25$ )

الحد الأدنى للفترة المنوالية  $25 = k_1$

تكرار الفتة المنوالية  $k = 26$

طول الفتة المنوالية  $L = 5$

تكرار الفتة قبل المنوالية  $k_1 = 17$

تكرار الفتة بعد المنوالية  $k_2 = 20$

$$f_1 = k - k_1 = 26 - 17 = 9$$

$$f_2 = k - k_2 = 26 - 20 = 6$$

$$\therefore \text{المنوال} = \frac{f_1}{L} + \frac{f_2}{L} = \frac{9}{5} + \frac{6}{5} = \frac{15}{5} = 3$$

$$28. = 3.0 + 25.0 = 5 \times \frac{9}{6+9} + 25.0 =$$

(24)

## تمارين

أوجد الوسط الحسابي والمتوسط والمنوال للبيانات الواردة :

التمرين رقم (١) ورقم (٢)

تمرين (١)

النكرار (ك)	القيمة (س)
3	9>5
5	-9
6	-13
8	-17
10	21-
16	25-
20	29
15	-33
7	37-
2	45>41

تمرين رقم (٢)

النكرار	الفترة
2	46>40
10	-46
12	-25
15	-58
20	-64
17	70-
11	76-
8	82-
4	88-
1	100>94

(25)

## 2-2 مقاييس التشتت Dispersion

لقد تم التعرض في الصفحات السابقة إلى النزعة المركزية ومقاييسها "المتوسطات". والمتواسطات تستخدم لاختصار مجموعة من البيانات الرقمية في قيمة واحدة.

وفي الواقع فإن المتواسطات بمفردها لا تعطى وصفاً كاملاً لخصائص هذه البيانات، فكثيراً ما يكون لمجموعات من البيانات نفس المتواسط بالرغم من اختلاف القيم المكونة لهذه المجموعات.

مثال توضيحي :

إذا كان إنتاج عينة مكونة من خمسة حقول على النحو التالي :

8 , 10 , 11 , 12 قنطار شعير

وعينة أخرى مكونة أيضاً من خمسة حقول أعطتنا الإنتاج التالي : 15 , 1 , 25 , 7 , 2 قنطر

$$\text{المتوسط للعينة الأولى} = 10 = 50/5 = 12+11+9+10+8$$

$$\text{المتوسط للعينة الثانية} = 10 = 50/5 = 2+7+25+1+15$$

في بالرغم من أن المتوسط متساوي في حالة العينتين إلا أن القيم مختلفة تماماً، ولهذا لابد من مقياس آخر يقيس خاصية المجموعات الرقمية ويعطينا وصفاً كاملاً لهذه القيم بكل مجموعة.

فبالنظر أن قيم العينة الأولى قريبة من المتوسط، وأن أغلب قيم العينة الثانية بعيدة عن القيمة الوسطية. فإذا كانت القيم قريبة إلى وسطها، يعتبر تشتتها صغيراً وتجانسها كبيراً كما في العينة الأولى. أما إذا كانت القيم بعيدة عن وسطها، يعتبر تشتتها كبيراً وتجانسها صغيراً كما هي الحال في العينة الثانية. ويعرف "التشتت" على أنه التفاوت أو بعثرة البيانات حول القيمة المركزية "المتوسط"

. والتشتت عدة مقاييس من أهمها ، المدى ، Range ، والإنحراف المعياري Standard Deviation .

### 1-2 المدى Range

المدى مقياس نتعرف به بطريقة سريعة على بعثرة مجموعة من القيم.

$$\boxed{\text{المدى} = \text{أكبر قيمة} - \text{أصغر قيمة}}$$

$$\text{المدى في حالة العينة الأولى} = 4 = 8-12$$

$$\text{المدى في حالة العينة الثانية} = 24 = 1-25$$

## 2-2-2 الإنحراف المعياري : Standard Deviation

يعتبر الإنحراف المعياري أفضل مقاييس التشتت وهو الأكثر استخداماً من الدراسات الإحصائية حيث يخضع لجميع القوانين والمعاملات الإحصائية مثل إختبار  $T$  ، وإختبار مربع  $\chi^2$  كأى

الإنحراف المعياري = الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الإنحرافات عن الوسط الحسابي.

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

حيث تمثل  $\sigma$  الإنحراف المعياري ،  $x_i$  = قيمة المتغير  $x$ - الوسط الحسابي ،  $n$  = عدد المشاهدات ومن الممكن وضع معادلة الإنحراف المعياري في صورة جبرية أخرى على النحو التالي

$$\sigma = \sqrt{(1/n) \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{(1/n) \sum (x_i - \bar{x})^2}{n}}$$

مثال :

أحسب الإنحراف المعياري للقيم التالية بإستخدام طريقة الإنحرافات من الوسط الحسابي وبالطريقة المباشرة

30 , 23 , 17 , 20 , 15

$$\bar{x} = \frac{105}{5} = 21 = 30 + 23 + 17 + 20 + 15$$

وبالاستخدام الجداول التالية يمكن حساب الإنحراف المعياري بالطريقة المباشرة أو بطريقة الإنحرافات عن الوسط الحسابي.

$s^2$	$s$
225	15
400	20
289	17
529	23
400	30
2343	105

$s - s^-$	$s - s^-$	$s$
36	6-	15
1	1-	20
16	4	17
4	2+	23
81	9+	30
138		

الإنحراف المعياري بإستخدام طريقة الإنحرافات من الوسط الحسابي.

$$5.25 = \sqrt{\frac{27.6}{5}} = \sqrt{\frac{138 \times 1}{5}} = \sqrt{\frac{\text{مع } (s - s^-)}{n}} =$$

الإنحراف المعياري بإستخدام الطريقة المباشرة.

$$\sqrt{\frac{1}{n} (\text{مع } s^2 - (\text{مع } s)^2)} = 2$$

$$\frac{138}{5} = \left[ \frac{2}{5} \left( \frac{105}{5} \right) - 2343 \right] \frac{1}{5}$$

$$5.25 = \sqrt{\frac{138}{5}} = \therefore$$

#### حساب الإنحراف المعياري من الجداول التكرارية

عندما تكون القيم موضوعة في توزيعات تكرارية فإن المعادلة الجبرية للحصول على الإنحراف المعياري هي كالتالي :

$$\sqrt{\frac{\text{مع } k (s - s^-)^2}{\text{مع } k}} = 6$$

$$\frac{\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س}^2 - (\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س})^2}{\text{م} \text{ح} \text{ ك}} = \text{أو}$$

$$\frac{\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س}^2 - (\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س})^2}{\text{م} \text{ح} \text{ ك}} = \text{أو}$$

مثال : أوجد الإنحراف المعياري للقيم الموضوعة على شكل توزيع تكرارى ذات فئات :-

الفئة (1)	التكرار (2) (ك)	مركز الفئة (3) (س)	$\sum k \times s$ (3X2)	$\sum k^2 (3X4)$
10>6	2	8	16	128
-10	6	12	72	864
-14	10	16	160	2560
-18	17	20	340	6800
-22	26	24	624	14976
-26	20	28	560	15680
30	11	32	352	11264
34	5	36	180	6480
42>38	3	40	120	4800
	100		2424	63552

: الخطوات

- 1- أوجد مركز الفئة (س) ، كما في العمود (3)
- 2- أوجد حاصل ضرب مراكز الفئات × التكرارات المناظرة كما في العمود (4)
- 3- أوجد حاصل ضرب مربعات مراكز الفئات × التكرارات كما في العمود (5)
- 4- أوجد الإنحراف المعياري بالطريقة المباشرة بإستخدام المعادلة التالية :-

$$47.94 = \frac{58758 - 63552}{100} = \frac{\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س}^2 - (\text{م} \text{ح} \text{ ك} \text{س})^2}{\text{م} \text{ح} \text{ ك}}$$

$$6.9 = \sqrt{42.94} =$$

(29)

## معادلات التباين للمجتمع والعينة

التباین هو مربع الا انحراف المعياري، أى إن الإنحراف المعياري هو الجزء التربيعي لقيمة التباين.

معادلة المجتمع والعينة في حالة البيانات المفردة

$$\text{مح} = \frac{(س - م)^2}{ن}$$

حيث "م" هي القيمة الوسط للمجتمع ، و "ن" هي عدد المشاهدات .

أما التباين للعينة  $= ح^2 = \frac{(س - س̄)^2}{ن - 1}$  ، حيث سـ هي الوسط الحسابي للعينة و "ن" عدد المشاهدات بالعينة.

معادلة التباين للمجتمع والعينة في حالة البيانات ذات التوزيعات التكرارية .

$$\text{المجتمع} = \frac{\text{مح} ك س^2 - (\text{مح} ك س)^2}{ن}$$

حيث "ن" مح ك أى عدد المشاهدات بالمجتمع.

$$\text{العينة} = \frac{ح^2 = (\text{مح} ك س)^2 - (\text{مح} ك س)^2}{ن - 1}$$

حيث أن "ن" عدد المشاهدات بالعينة تساوى مح ك.

### 3-2-2 معامل الإختلاف

معامل الإختلاف هو النسبة المئوية بين الإنحراف المعياري والوسط الحسابي ، فإذا رمزنا لمعامل الإختلاف بالرمز "ع" يكون معامل الإختلاف على النحو التالي :

$$ع = \frac{ح \times 100}{س} ، \text{ حيث } ح \text{ هي الإنحراف المعياري للمتغير } س \text{ في العينة.}$$

ومعامل الإختلاف يصور تشتت المجموعة في شكل نسبة مئوية مجردة عن التمييز لا تتأثر بالوحدات المقيسة بها الظاهرة تحت الدراسة . وهذه الصفة مجرد عن التمييز لمعامل الإختلاف تفيد عند مقارنة التشتت في الصفات المختلفة للمجموعة الواحدة أو لمجموعات أخرى مقاسة بمقاييس مختلفة.

**تمارين**

أوجد المتوسط والإنحراف المعياري للبيانات التالية :-

28 , 39 , 22 , 19 , 37 , 44 , 17 , 8 , 30 , 7 , 30 , 29

الرقم	الفئات
3	135>131
11	-135
17	-139
19	-143
27	-147
22	-151
14	-155
8	-159
4	-163
4	-167
2	-175>171

### **3- العينات الزراعية**

#### **1-3 مقدمة**

إننا نمارس في حياتنا اليومية استخدام أساليب المعاينة دون أن نكون على دراية بالنظرية الإحصائية أو المعادلات الرياضية .

فعندما نقبل على شراء حاجتنا من الفاكهة فإننا نختار أثنين أو ثلاثة منها لاختبار إن كانت فاكهة جيدة أو خلافها، وعندما ينوى التاجر شراء بعض الحبوب فإنه لا يفحص كل الحبوب وإنما يكتفى بمعاينة جزء من الحبوب . ويعتمد علم العينات على أساليب إحصائية ورياضية عميقة ، وسنكتفى في هذه باستعراض أنواع المعاينة المختلفة دون التعرض إلى أساسها الرياضي أو الإحصائي . وفي البدء لابد أن يتعرف المتدرب على المصطلحات التي ستتعرض لها أثناء دراسة العينات.

#### **2-3 المصطلحات**

##### **المجتمع**

ويقصد بالمجتمع جميع أفراد ومشاهدات المجتمع الذي يراد بحثه ، فإذا أردنا دراسة متى يستهلاك الفرد من سلعة ما، فالمجتمع هنا يتكون من جميع السكان بالقطر، وإذا أردنا تقدير متى يستهلاك الحياة الزراعية ، فإن أفراد المجتمع هنا تشكل من جميع الحيازات ، والمجتمع قد يكون عدد أشجار النخيل ، أو عدد تلاميذ مدرسة .... الخ

##### **العينة :**

العينة هي جزء أو كسر من أفراد المجتمع .

##### **الإطار :**

هو قائمة شاملة بجميع أفراد المجتمع المراد بحثه.

##### **البحث الشامل :**

هو الذي ندرس فيه حالة جميع أفراد المجتمع ، وذلك مثل إجراء تعداد السكان أو التعداد الزراعي ففي هذه التعدادات يتم جمع بيانات عن كل مفردة من مفردات المجتمع سواء كانت هذه المفردة شخصاً أو مزرعة أو حيواناً أو شجرة ..... الخ.

##### **البحث بطريقة العينة**

وهو الذي يتم فيه بحث جزء معين أو نسبة معينة من أفراد المجتمع .

### العينات الإحتمالية :

وهي التي يتم فيها اختيار مفردات المجتمع بإحتمال معروف أو يمكن حسابه.

هناك أنواع مختلفة من العينات الإحتمالية من أهمها :-

#### المعاينة العشوائية البسيطة :-

العينة العشوائية البسيطة ، هي تلك العينة التي يتم اختيارها بحيث تعطى كل مفردة من مفردات المجتمع فرصة متساوية بحيث في الإختيار . ولإعطاء فرصة متساوية للأختيار فإننا نستعين في ذلك بجدول الأرقام العشوائية ، حتى لا يكون الإختيار متعمداً أو معتمداً على التحيز الشخصي، وكلمة عشوائية لا تعنى نفس الكلمة التي نستخدمها في حياتنا اليومية ، فالإختيار العشوائي يعتمد على أساس إحصائية ورياضية .

#### خطوات إختيار العينة العشوائية البسيطة :-

- 1. إعداد الإطار الإحصائي للمجتمع المراد بحثه أو دراسته.
- 2. ترتيب مفردات المجتمع ترتيباً متسلسلاً من الرقم واحد وحتى "ن" وهو إجمالي المشاهدات بالمجتمع.
- 3. بالإستعانة بجدول الأرقام العشوائية يتم إختيار العينة المراد سحبها.

مثال : لنفرض أن مجتمعاً يتكون من ستة حيازات مساحتها على النحو التالي :-

(1) الرقم المتسلسل	(2) المفردة	(3) المساحة (هكتار)
1	أ	2
2	ب	10
3	ج	8
4	د	6
5	هـ	10
6	و	12

متوسط مساحة الحيازة للمجتمع

$$= \frac{48}{6} = \frac{12+10+6+8+10+2}{6} = 8 \text{ هكتار}$$

المطلوب إختيار عينة مكونة من حيازتين ، وذلك لتقدير متوسط مساحة الحيازة.

(ملحوظة) : هذا المثال غير واقعى ، وإنما قصد منه إيضاح عملية الإختيار وعدد العينات التى يمكن سحبها ، لأنه فى واقع الأمر لا نعرف خصائص المجتمع الذى نود تقدير الظاهرة تحت البحث ، ولو عرفت هذه الخصائص لما لجأنا إلى إختيار العينة ، فالمثال إذاً لإلإيضاح فقط )

#### خطوات إختيار العينة :-

1- ترقيم مفردات المجتمع ترقيماً متسلسلاً ، وفي هذا المثال فإن الترقيم يبدأ بواحد وحتى ستة وهو العدد الكلى للمشاهدات .

2- إختيار عينة بحجم أثنتين وذلك بإستخدام الجداول العشوائية.

#### الحل :-

إن عدد العينات التى يمكن إختيارها من هذا المجتمع بحجم مفردتين يصل إلى عددها خمسة عشر عينة هي على النحو التالى :-

أب - أج - أد - أه - أو - ب ج - ب د - ب ه - ب و - ج د - ج ه - ج و - د ه - د و - ه و .

أى أنه من المحتمل إختيار المفردة الأولى " أ " مع أى من المشاهدات الأخرى من الثانية وحتى السادسة ، أو إختيار المفردة الثانية " ب " مع المشاهدات الثالثة أو الرابعة أو الخامسة أو السادسة ، وهكذا الحال مع باقى المشاهدات ، ويبلغ عدد العينات المحتمل إختيارها هو 15 عينة من المجتمع المكون من 6 مشاهدات وبحجم عينة يصل إلى 2 مشاهدتىن ومن الناحية العملية فإننا نختار عينة واحدة من بين العينات الخمسة عشر.

الجدول التالي يوضح العينات المحتمل إختيارها وكذلك متوسط كل عينة :-

متوسط العينة	قيمة العينة	أفراد العينة	الرقم المتسلسل للعينة
$6 = \frac{10+2}{2}$	10,2	أب	1
$5 = \frac{8+2}{2}$	8,2	أج	2
$4 = \frac{2}{2}$	6,2	أد	3
$6 = \frac{6+2}{2}$	10,2	أه	4
$7 = \frac{2}{2}$	12,2	أو	5
$9 = \frac{10+2}{2}$	8,10	ب ج	6
$8 = \frac{2}{2}$	6,10	ب د	7
$10 = \frac{12+2}{2}$	10,10	ب ه	8
$11 = \frac{8+10}{2}$	12,10	ب و	9
$7 = \frac{2}{2}$	6,8	ج د	10
$9 = \frac{6+10}{2}$	10,8	ج ه	11
$10 = \frac{2}{2}$	12,8	ج و	12
$8 = \frac{10+6}{2}$	10,6	د ه	13
$9 = \frac{12+6}{2}$	12,6	د و	14
$11 = \frac{12+10}{2}$	12,10	ه و	15

ويلاحظ من الجدول أعلاه أن بعض العينات تعطينا متوسطات متطرفة أما أقل أو أكثر من قيمة المتوسط الحقيقي ، فمثلاً إذا تم اختيار العينة رقم "3" فإن تقدير متوسط المساحة سيكون منخفضاً عن المتوسط الحقيقي ، أما إذا تم اختيار العينة "9" فإن تقدير متوسط المساحة سيكون أكبر من المتوسط الحقيقي للمجتمع والذي تم حسابه سابقاً ويبلغ "8" هكتارات ، ويلاحظ أن هناك فروقات وتباعين من عينة لأخرى ، مما يؤكد أنه حتى عند استخدام المعاينة العشوائية فلربما يتم اختيار عينة تعطي نتائج متطرفة كما هو الحال بالنسبة للعينة رقم "3" والعينة رقم "9" وبصفة عامة فإنه كلما كانت العينة ممثلاً لخصائص المجتمع ، فإن ما يستنتج من العينة يصبح أقرب إلى القيمة الحقيقية للمجتمع.

ويجب التنوية إلى أن الفرق بين نتائج العينة والقيمة الحقيقية للمجتمع تسمى بخطأ المعاينة.

النكرار النسبي للمتوسط	النكرار عدد العينات	قيمة متوسط العينة
1/15	1	4
1/15	1	5
2/15	2	6
2/15	2	7
2/15	2	8
3/15	3	9
2/15	2	10
2/15	2	11
الجملة = 1		عدد العينات = 15

وسمى الجدول أعلاه بتوزيعات المعاينة لمتوسط العينات وهو يوضح قيم المتوسطات والتكرارات لهذه المتسطفات . وفي هذه الحالة فإننا نسمى متوسط العينة بالمتغير العشوائي لأنه يختلف من عينة لأخرى وهذه توزيع معاينة. وفي هذه الحالة فإن متوسط العينة يعتبر تقدير غير متحيز لمتوسط أي معلم المجتمع (Parameter) ولو تم حساب متوسط عام لكل العينات المحتملة فإننا نجد أنها تعادل القيمة الحقيقية للمجتمع.

من الممكن حساب المتوسط العام لتوزيع المعاينة للعينات من البيان السابق ، على النحو التالي :-

قيمة المتوسط	النكرار	النكرار × المتوسط
4	1	4
5	1	5
6	2	12
7	2	14
8	2	16
9	3	27
10	2	20
11	2	22
إجمالي		120
إجمالي		15

قيمة المتوسط العام لجميع العينات المحتملة =  $\frac{120}{15} = 8$  هكتار وهو نفس قيمة متوسط المجتمع المحسوبة سابقاً.

#### بيان العينة

بالرغم من أن أي عينة يتم اختيارها بطريقة عشوائية سليمة تعطينا تقديرًا غير متحيز (Unbiased Estimator) ، إلا أنه لابد من اختيار أفضل هذه العينات ، وهي تلك العينة التي تعطينا أقل " خطأ معاينة " "Sampling Error" .

مثال :

مجتمع يتكون من 60 حيارة زراعية مساحتها بالهكتارات على النحو التالي :-  
 25,44,17,42,18,19,42,29,14,41,39,40,16,10,11,43,23,10,18,41,34,10,12,36,28,19,10,37,  
 49,17,47,48,15,16,25,17,18,14,15,12,26,10,47,22,14,17,35,39,11,35,37,27,24,35,21,33  
 56,54,56,51

المطلوب اختيار عينة عشوائية بسيطة بحجم 12 مشاهدة .

## الخطوات

ترقيم أفراد المجتمع " الإطار " ترقيماً متسلسلاً

- 1- إختيار حجم العينة المطلوبة وذلك بإستخدام الجداول العشوائية
- 2- حساب متوسط العينة - وذلك لتقدير متوسط المجتمع
- 3- حساب خطأ المعاينة للعينة .

## الحل :-

يتم إختيار عامود رأسى تعطينا أعداداً من رقمين ( عدد أرقام أكبر عدد في المجتمع ) ، تقرأها الى أسفل وندون كل عدد أقل أو يساوى " 60 " . ويلاحظ أن أول مفردة تم إختيارها هي المفردة رقم 53، وثانية مفردة هي رقم 63 وحتى نتجنب إهمال هذا العدد يمكن طرح 60 منه ، ونحصل على المفردة رقم " 3 " ثم المفردة رقم " 35 " وهكذا حتى يكتمل إختيار كل مفردات العينة المطلوبة ، كما هو موضح في الجدول.

قيمة المفردة	مفردات العينة الممتازة الرقم المتسلسل
24	53
40	03
26	35
14	38
10	02
40	04
34	25
39	58
10	34
29	08
14	07
11	01

### حساب المتوسط وخط المعاينة للعينة :-

$$\text{متوسط العينة} = 24.3 = \frac{11+14+29+10+39+34+40+10+26+40+24}{12} \text{ هكتار}$$

$$\text{خط المعاينة} = \frac{\overline{s^2} - (\overline{s})^2}{\frac{12}{1-12}}$$

$$\overline{147.8} = \frac{\overline{7057-8683}}{11} = \frac{\overline{2(291)-8683}}{11} = 12.16 \text{ هكتار}$$

$$\text{معامل الإختلاف} = \frac{100 \times 12.16}{24.30} \% = 50\%$$

### 4-3 المعاينة العشوائية الطبقية

في المثال السابق والذي تم فيه اختيار عينة عشوائية بسيطة بحجم "12" مفردة من المجتمع المكون من 60 " مفردة وبالرغم من أن الإختيار تم عشوائياً إلا أنه من المحتمل أن تكون العينة المختارة غير ممثلة تماماً لخصائص المجتمع المسحوب من هذه العينة ، فقد يقع الإختيار على عينة تعطى تقديرأً أقل من " معلم " المجتمع أو تعطى تقديرأً مبالغ فيه ، ويرجع ذلك إلى التأثيرات المترتبة على عدم تجانس مفردات المجتمع أو لربما تتضمن العينة لقيم متطرفة تزيد من درجة الخطأ. ولزيادة كفاءة المعاينة العشوائية البسيطة فإننا نضع قيدها بحيث يمكن زيادة دقة وفاعلية تمثيل كل أو جل خصائص المجتمع في العينة ويتمثل هذا القييد في تقسيم المجتمع إلى وحدات متجانسة بحيث يمكن وضع مفردات المجتمع ذات الصفات المتشابهة في وحدة معينة وكذا الحال لباقي مفردات المجتمع.

ويسمي تقسيم المجتمع إلى وحدات " بالطبقات " وإختيار عينة من هذه الطبقات ، بالمعاينة العشوائية الطبقية ، وقد توجد الطبقات على أساس جغرافي حيث يتم تقسيم الدولة إلى وحدات إدارية متقاربة ومتتجانسة وقد يتم تقسيم المجتمع إلى طبقات على أساس طرق الرى ( بعلى ، أروائي ) أو على أساس استخدامات الأسمدة ، أو على أساس فئات العمر أو على أساس فئات الحياة ، أو أساس نوعى أو قطاعى.

وعند تقسيم المجتمع إلى طبقات فلا بد أولاً من الإلمام التام بخصائص هذا المجتمع وفي هذا الحالة يلجأ إلى خبرة سابقة بالتعامل مع وحدات هذا المجتمع أى الإستفادة من الخبرة من جراء تنفيذ المسوحات الميدانية والتي تعطينا فكرة عن مدى التباين بين وحدات المجتمع ، أما إذا لم تتوفر خبرة سابقة في هذا

الصدد فيتم إجراء مسح إستطلاعى على عينة صغيرة من مفردات المجتمع تكون مماثلة له ، ومن خلال تحليل نتائج العينة فأنه يمكن التعرف على مدى التشتت أو التباين بالمجتمع مما يساعدنا في تكوين الطبقات بالشروط الواردة سابقاً .

#### الاعتبارات الالزمة للمعاينة الطبقية.

- تقسيم المجتمع الى فئات ( طبقات ) متجانسة داخلياً وغير متجانسة فيما بين الطبقات ، وتعامل في هذه الحالة كل طبقة على أنها مجتمع مستقل .
- توزيع حجم العينة المطلوبة على الطبقات المختلفة أما بطريقة التوزيع المتناسب أو التوزيع الأمثل .
- ترتيب مفردات كل طبقة ترقيماً متسلسلاً ، ثم سحب العينة بإتباع نفس الخطوات المحددة بالنسبة للمعاينة العشوائية البسيطة .
- يتم حساب المتوسط لكل طبقة وكذلك خطأ المعاينة .
- يتم حساب تقدير لمتوسط المجتمع بإستخدام الموازين المرجحة لكل طبقة ، وكذلك الحال بالنسبة لتقدير تباين المجتمع .

أمثلة :-

مجتمع يتكون من 60 حيارة زراعية مساحتها بالهكتارات على النحو التالي :-

25,44,17,42,18,19,42,29,14,14,39,40,16,10,11,43,23,10,18,41,34,10,1  
2,36,28,19,10,37,49,17,47,48,15,16,25,17,18,14,15,12,26,10,47,22,14,  
35,17,35,39,11,37,27,24,35,21,33,56,54,56,51

أوجد الطبقات المناسبة لهذا المجتمع ، وإختيار عينة بحجم 12 مفردة توزع على الطبقات المكونة .

الخطوات :-

- 1- من المناسب تقسيم المجتمع الى ثلاثة طبقات ( فئات حيازية ) ، بحيث تكون الفئة الأولى ( أقل من 20 هكتار ) ، والثانية ( 20 وأقل من هكتار ) ، والثالثة ( 40 هكتار وما فوق ) ، كما يلى :-

الطبقة الثالثة 40 هكتار وما فوق	الطبقة الثانية 20 هكتار وأقل من 40 هكتار	الطبقة الأولى أقل من 20 هكتار
44,42,41,40,43,41,49,42,51, 47,48,47,56,54,56	37,28,29,39,23,34,36,28, 21,33,25,26,22,37,27,24, 32,35,39,35	14,16,10,11,10,17,17,18, 19,10,18,10,12,19,14,15, 12,10,14,17,11,15,16,17, 18

2- توزيع حجم العينة المراد سحبها، حجم العينة يساوى 12 مفردة بطريقة التوزيع المناسب أى إختيار عينة بحجم 20٪ من كل طبقة . وعليه سيتم إختيار 5 مفردات من الطبقة الأولى و4 مفردات من الطبقة الثانية و 3 مفردات من الطبقة الثالثة.

3- ترتيب مفردات كل طبقة ترقيماً متسلسلاً وإختيار حجم العينة المطلوبة باستخدام الجداول العشوائية.  
المفردات التي تم إختيارها :-

الطبقة الثالثة	الطبقة الثانية	الطبقة الأولى
47	29	14
42	39	17
56	22	10
	35	12
		10

$$12.6 = \frac{5}{4} = \frac{63}{4} = \frac{10+12+10+17+14}{4} \quad \text{متوسط الطبقة الأولى} =$$

$$31.2 = \frac{5}{4} = \frac{125}{4} = \frac{35+22+39+29}{4} \quad \text{متوسط الطبقة الثانية} =$$

$$48.3 = \frac{3}{3} = \frac{145}{3} = \frac{56+42+42}{3} \quad \text{متوسط الطبقة الثالثة} =$$

الموازين المرجحة لكل طبقة :

إذا اعتربنا في هذه الحالة إن عدد الحيازات من كل طبقة يمثل أهميتها النسبية ( الوزن ) فإن الوزن للطبقة الأولى  $\frac{25}{60}$  = والطبقة الثانية  $\frac{20}{60}$  ، والطبقة الثالثة  $\frac{15}{60}$

حساب تقدير متوسط المجتمع :-

المتوسط × الوزن	وزن الطبقة	متوسط الطبقة	رقم الطبقة
5.25			
10.40	5/12	12.6	1
12.75	1/3	31.2	2
	1/4	48.3	3
28.40			

تقدير متوسط المجتمع

ولحساب التباين التجميعي للطبقات الثلاث نستخدم الجدول التالي :

مربع الوزن × التباين	مربع وزن الطبقة	التباین	الرقم
			1
			2
			3

مربع الوزن × التباين	مربع الوزن	التباین	رقم الطبقة
1.19	0.17	7	1
4.51	0.11	41	2
6.06	0.06	101	3

تمرين :

مجتمع يتكون من 52 من الأغنام أوزانها بالكيلوجرامات على النحو التالي :-

16,14,6,8,23,25,13,11,9,17,18,10,21,13,19,26,8,9,10,23,21,18,20,15,11,1  
5,12,17,10,15,11,13,23,22,26,10,11,16,17,9,21,16,14,13,19,17,7,8,2  
2,23,9,25

قسم هذا المجتمع الى طبقتين مناسبتين ، وبطريقة التوزيع المتناسب يتم سحب عينة بحجم 25٪ من كل طبقة.

أوجد المتوسط لكل طبقة وكذلك المتوسط والتبالين المرجح .

العينة المنتظمة :

بالعينة المنتظمة يتم إختيار رقم عشوائي واحد ثم إضافة رقم ثابت له ، وهذه الطريقة ، أسهل بكثير من الإختيار العشوائي فعلى سبيل المثال الوارد بالمعاينة العشوائية البسيطة حيث كان المطلوب إختبار عينة بحجم 12 مشاهدة من مجتمع يتكون 60 من مشاهدة . لقد تم إختيار أفراد العينة عشوائياً واحداً بعد الآخر أى أنه في كل مرة نرجع الى جدول الأرقام العشوائية ، أما بالنسبة للإختيار المنتظم فإننا نختار رقمًا عشوائياً واحداً .

لتفرض إننا نود إختيار حجم العينة السابقة بطريقة منتظمة تتبع الخطوات التالية :-

- تقسيم أفراد المجتمع على حجم العينة وفي هذه الحالة  $\frac{60}{12} = 5$

- إختيار رقم عشوائي يقع بين 5,1 ولنفرض أنه 3 فإذا المشاهدة رقم " 3 " هي المشاهدة الأولى المختارة بالعينة .

- يتم إضافة الرقم " 5 " الى الرقم " 3 " وهكذا لنجصل على المشاهدة الثانية المختارة وهي المشاهدة رقم " 8 " وهذا فإن العينة ست تكون من المشاهدات التي ترتيبها في المسلسل الرقمي هي :-

58,53,48,43,38,33,28,23,18,13,8,3

كما هو واضح فإن إختيار رقم عشوائي واحد ثم إضافة رقم ثابت له على التوالي أسهل بكثير من الإختيار العشوائي الذي يتم فيه إختيار كل مفردات العينة باستخدام الجداول العشوائية مرة بعد الأخرى .

وتستخدم العينة المنتظمة في مجالات عدة فمثلاً عند إختيار أشجار الفاكهة عشوائياً أو عند إختيار مناطق على خريطة مساحية زراعية . فمن المتوقع في هاتين الحالتين أن يتم توزيع حجم العينة على جميع أنحاء بستان الفاكهة أو الخريطة وهو شئ غير مضمون الحدوث إذا تم الإختيار عشوائياً . ومن الممكن استخدام طريقة العينة المنتظمة في المعاينة الطبقية حيث يتم أفراد العينة داخل كل طبقة بطريقة منتظمة بدلاً من عشوائية .

### المعاينة متعددة المراحل :-

وفي المعاينة متعددة المراحل يتم تقسيم المجتمع الى مجموعة وحدات معاينة تسمى بالوحدات الأولية ، تليها الوحدات الثانوية . لنفرض إننا نود قياس متوسط الإنتاج في بلدية ما بالجماهيرية فيتتم أولاً تقسيم البلدية الى وحدات جغرافية وهي " المحلات " ، فتمثل المحلات وحدة المعاينة الأولى ، يتم من بينها إختيار عينة ، ثم يتم تقسيم " المحلات " الى " قرى " وهي وحدة المعاينة الثانية ، ويتم إختيار عينة من القرى ثم تقسم القرى الى حقول زراعية ، وهي وحدة المعاينة الثالثة ويتم أيضاً إختيار عينة من الحقول ، ثم إختيار قطع تجاري المحصول داخل العينة المختارة من الحقول.

وقد تكون المعاينة متعددة المراحل من مرحلة واحدة هي معاينة الوحدات الأولية " المحلات " أو من مرحلتين حيث يتم إختيار " المحلات " في المرحلة الأولى ، والقرى من المرحلة الثانية.

وعادة تلجأ الى استخدام المعاينة متعددة المراحل في الحالات التي لا تتوفر فيها إطارات إحصائية . فإذا أردنا مثلاً إجراء مسح لتقدير إنتاج القمح في أحد بلدات الجماهيرية ، ولنفرض أنه لا تتوفر لدينا قائمة بالحيازات التي زرعت قمحاً . فتلتجأ الى أسلوب المعاينة متعددة المراحل، حيث نقدم في المرحلة الأولى بإختيار عينة من " المحلات " وفي المرحلة الثانية يتم إختيار عينة من القرى داخل المحلات المختارة . وهنا نقوم بتكوين قوائم بكل الحيازات التي زرعت قمحاً من القرى التي تم إختيارها في المرحلة الثانية .

وواضح أن المعاينة متعددة المراحل هي طريقة لتبسيط العمل الميداني وذلك بحصره في أجزاء معينة من المجمع هي التي تم إختيارها من المرحلة النهائية ، وفي هذه الحالة هي الحقول .

## 4- الإرتباط

### مقدمة

لقد إهتمت المحاضرات السابقة بدراسة ظاهرة واحدة ( متغير واحد ) ووصف هذه الظاهرة بإستخدام المقاييس الإحصائية أو عرضها أو رسمها على أشكال بيانية . ولكن هناك كثير من الظواهر لا تقتصر على ( متغير واحد ) ، ولكنها تتأثر ببعضها البعض مما يدل على علاقة بين ظاهرة وأخرى ، فعلى سبيل المثال فإن أطوال الأبنية يعتمد كثيراً على أطوال الأباء والأجداد، فهناك علاقة وثيقة بين أطوال الأبناء وأبائهم . كما أن هناك علاقة وثيقة بين دخل الفرد وإنفاقه. وقد تكون العلاقة بين ظاهرة وأخرى علاقة " قوية " أو " ضعيفة " وقد يكون إتجاهها طردي أو عكسي.

#### الإرتباط :-

هو معيار لقياس قوة وإتجاه العلاقة بين متغيرين أو أكثر . والإرتباط قد يكون إرتباطاً بسيطاً أو متعددأً أو جزئياً.

#### الإرتباط البسيط:-

وهو الذي يبحث العلاقة بين متغيرين ، مثل الوزن والطول ، الإنفاق والدخل . والإرتباط البسيط قد يكون خطياً أو غير خطى.

#### الإرتباط المتعدد :-

هو الذي يدرس العلاقة بين أكثر من متغيرين " ظاهرتين " مثل العلاقة بين الطول والوزن والอายุ ، أو بين الإنتاج وكميات الرى والتسميد ، أو بين الإنفاق والاستهلاك والسلوك وهكذا .

#### الإرتباط الجزئي :-

وهو الذي يدرس العلاقة بين عدة ظواهر مع إستبعاد تأثير بعض المتغيرات ، مثل الإرتباط الجزئي لإنتاج محصول ما وكمية المياه والأسمدة مع ثابت تأثير الحرارة أو الإرتباط الجزئي بين الوزن والอายุ مع إستبعاد تأثير الطول.

### 1-4 الإرتباط البسيط :

سنركز في هذا الجزء على الإرتباط البسيط حيث إنه أكثر الأنواع استخداماً . وكما ذكر سابقاً فإن الإرتباط بين متغيرين قد يكون ضعيفاً أو قوياً ، طردياً أو عكسيأً.

والإرتباط البسيط قد يكون خطياً إذا كانت العلاقة بين المتغيرين خطية ( في صورة معادلة خط مستقيم ) . وإذا كانت العلاقة غير خطية فمن الممكن تقريرها بشكل فرضي إلى خطية.